

Álgebra de Boole

Tema 5

¿Qué sabrás al final del capítulo?

- Leyes y propiedades del Algebra de Boole
- Simplificar funciones utilizando el Algebra de Boole
- Analizar circuitos mediante Algebra de Boole y simplificarlos
- Pasar de una tabla de verdad a Suma de Productos y Producto de Sumas
- Utilizar Mapas de Karnaugh para simplificar funciones lógicas

Algebra de Boole

En Algebra habéis aprendido leyes y propiedades.

Por ejemplo, la propiedad Conmutativa de la Suma $A + B = B + A$ (A y B son números enteros o reales)

En 1860 George Boole desarrolló un Algebra en la que los valores de A y B sólo podían ser “verdadero” o “falso” (1 ó 0). Se llama *Algebra de Boole* y se utiliza en Electrónica Digital

Operaciones del Algebra de Boole

Suma Booleana es la función lógica OR

$$X = A + B$$

Multiplicación Booleana es la función lógica

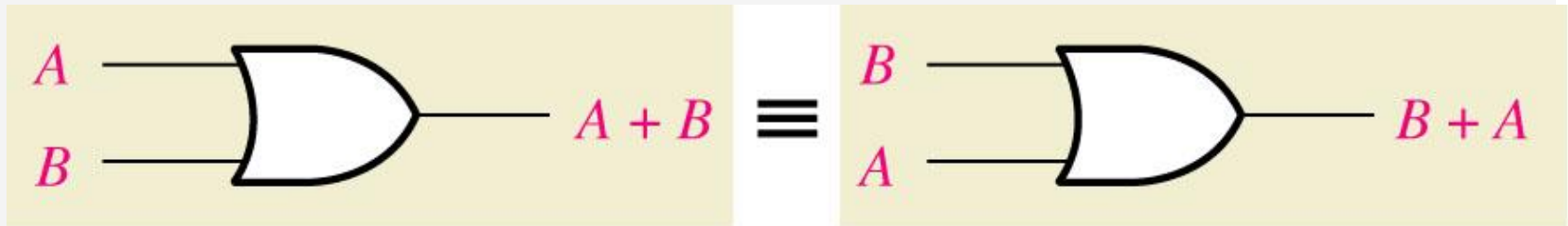
AND

$$X = AB$$

Commutativa de la suma

$$A+B = B+A$$

El orden en la OR no importa



Commutativa del producto

$$AB = BA$$

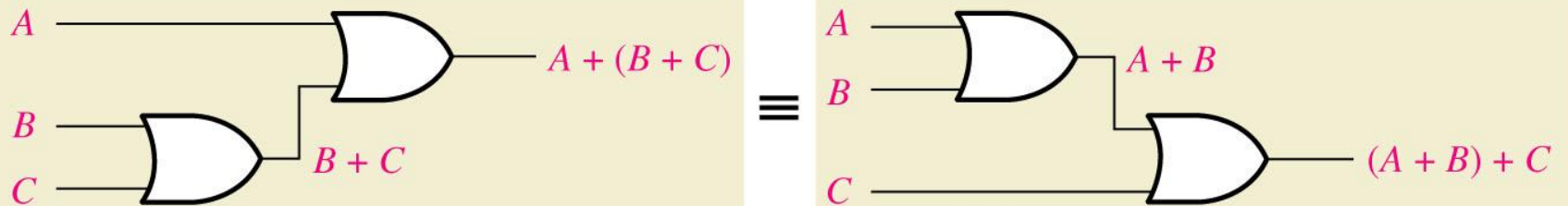
El orden en la AND no importa



Asociativa de la suma

$$A + (B + C) = (A + B) + C$$

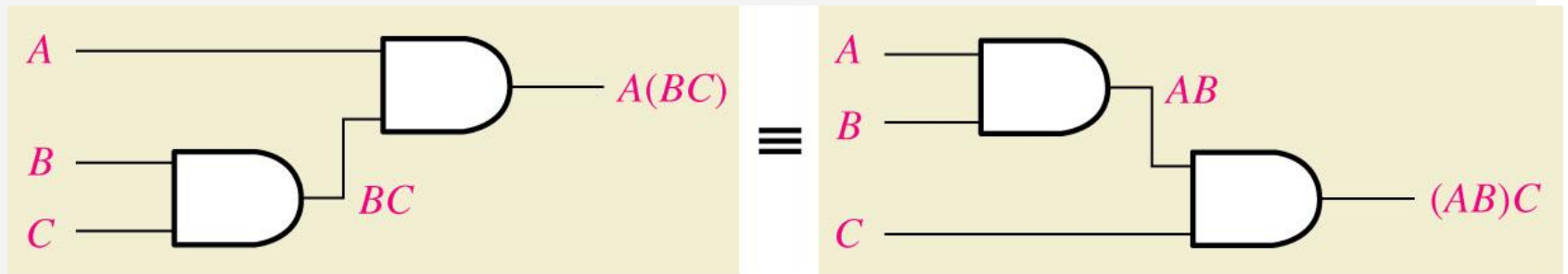
Agrupar variables en la OR no importa



Asociativa del producto

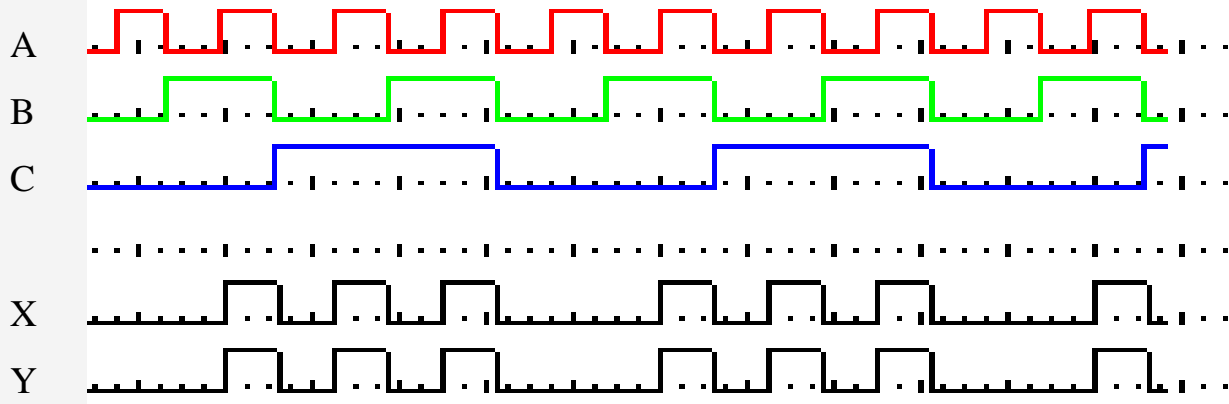
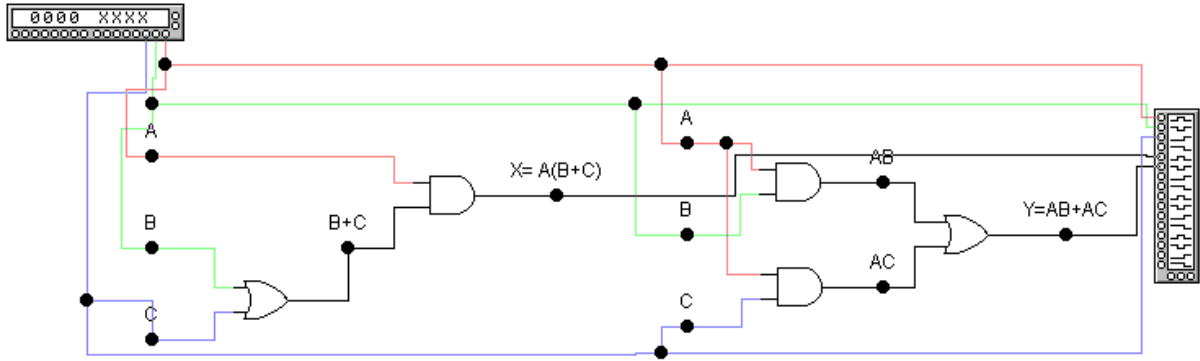
$$A (B C) = (A B) C$$

Agrupar variables en la AND no importa



Distributiva

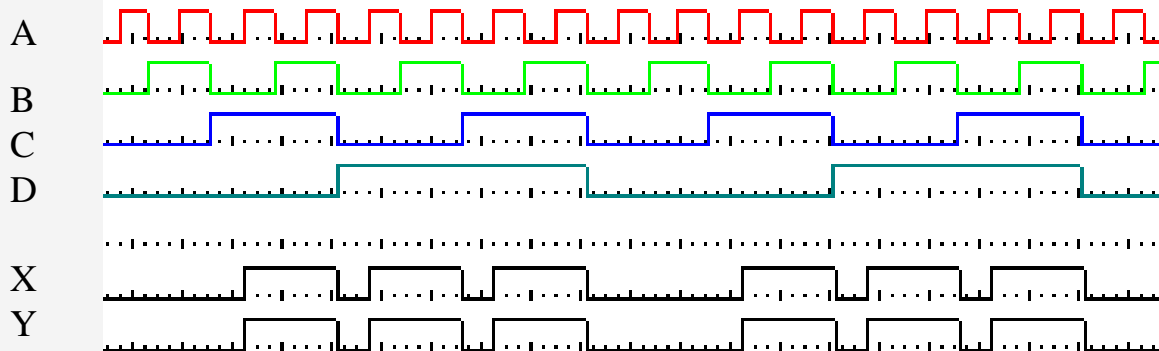
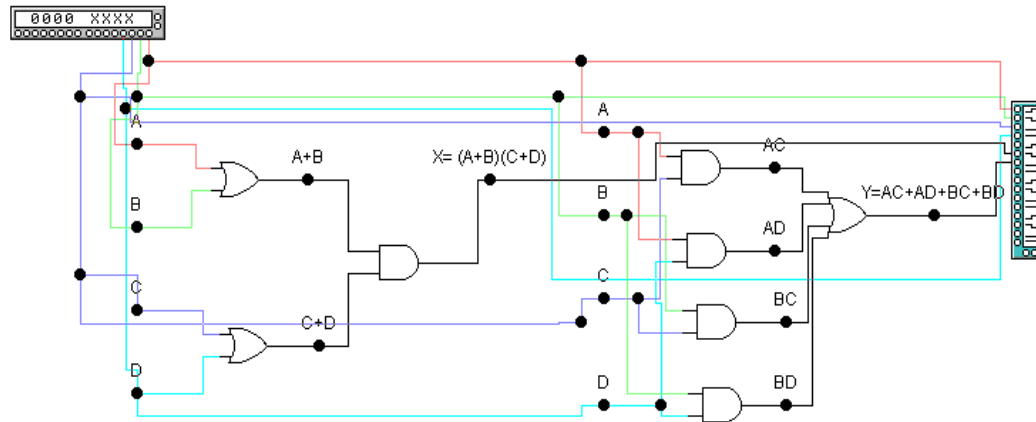
$$A(B + C) = AB + AC$$



X=Y

Distributiva

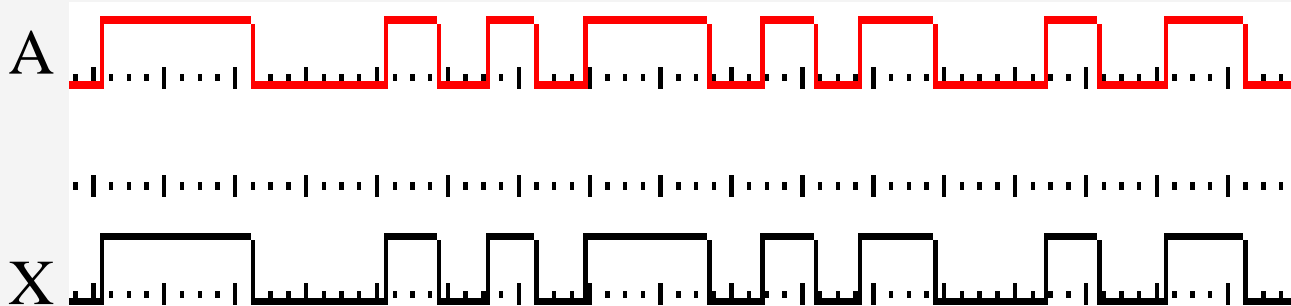
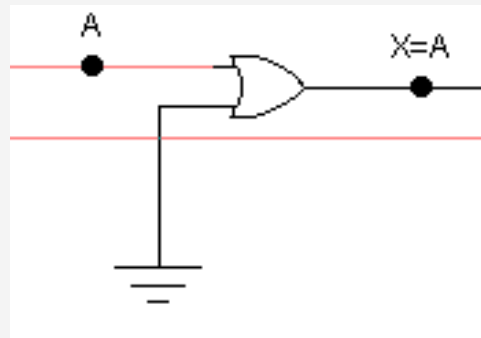
$$(A+B)(C+D) = AC + AD + BC + BD$$



$X=Y$

$$A+0=A$$

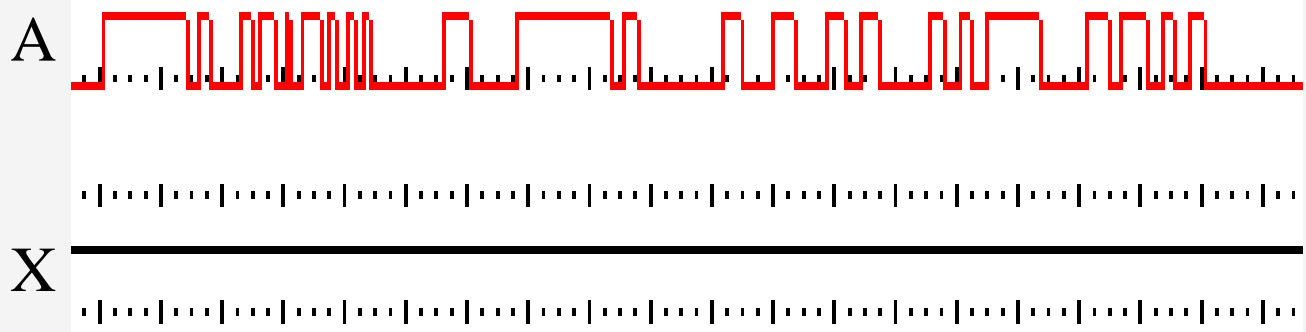
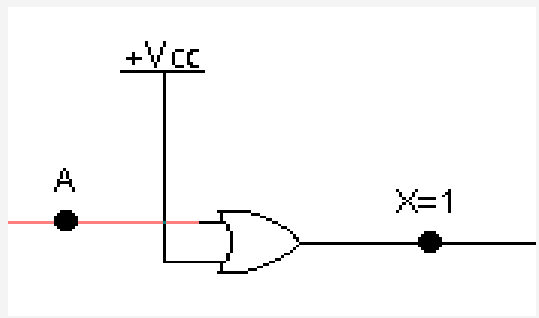
Hacer una operación OR con 0 no cambia nada.



$$X=A$$

$$A+1=1$$

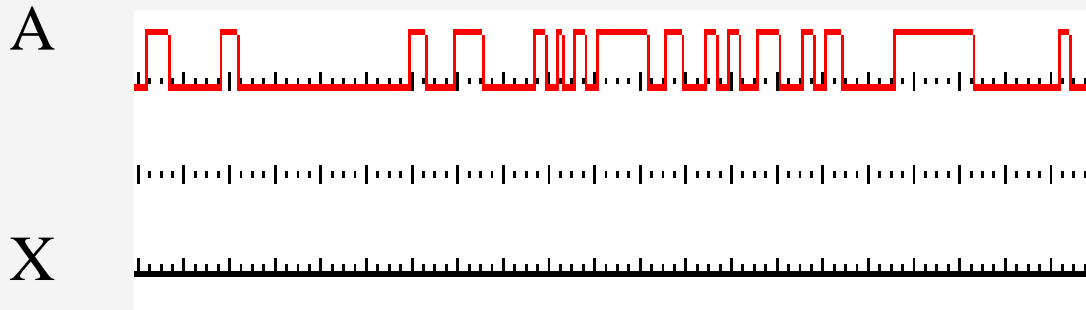
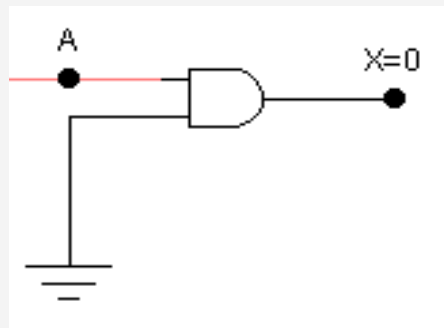
Hacer una operación OR con 1 da siempre 1.



X=1

$$A \cdot 0 = 0$$

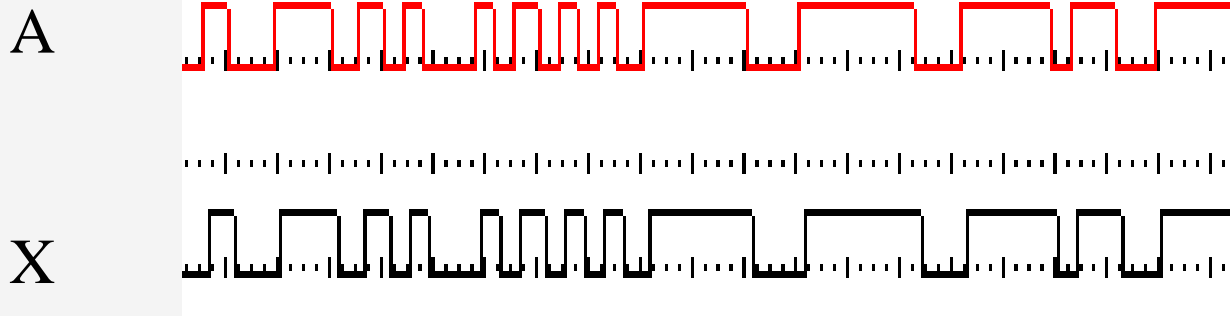
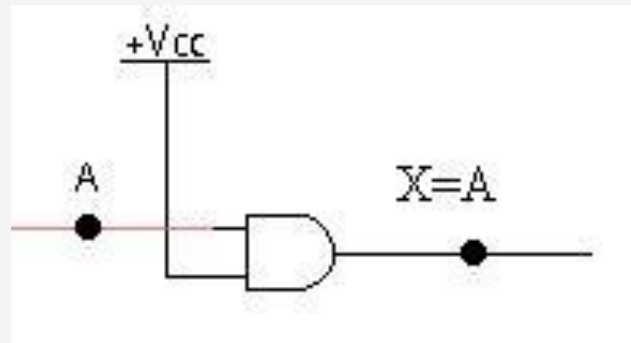
Hacer una operación AND con 0 siempre da 0



X=0

$$A \cdot 1 = A$$

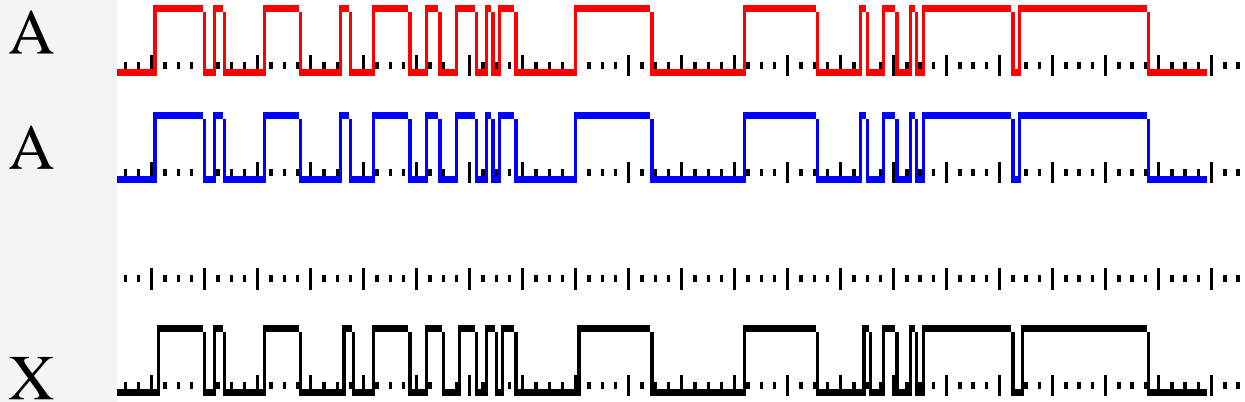
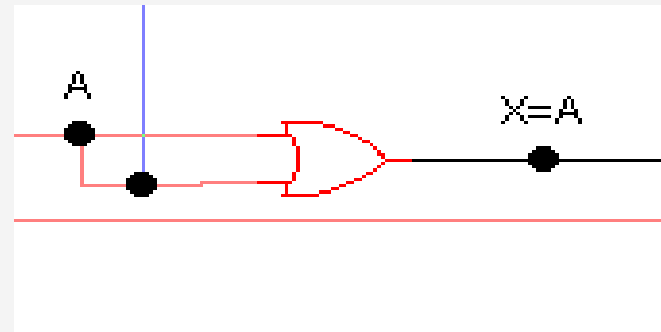
Hacer una operación AND con 1 no cambia nada



X=A

$$A + A = A$$

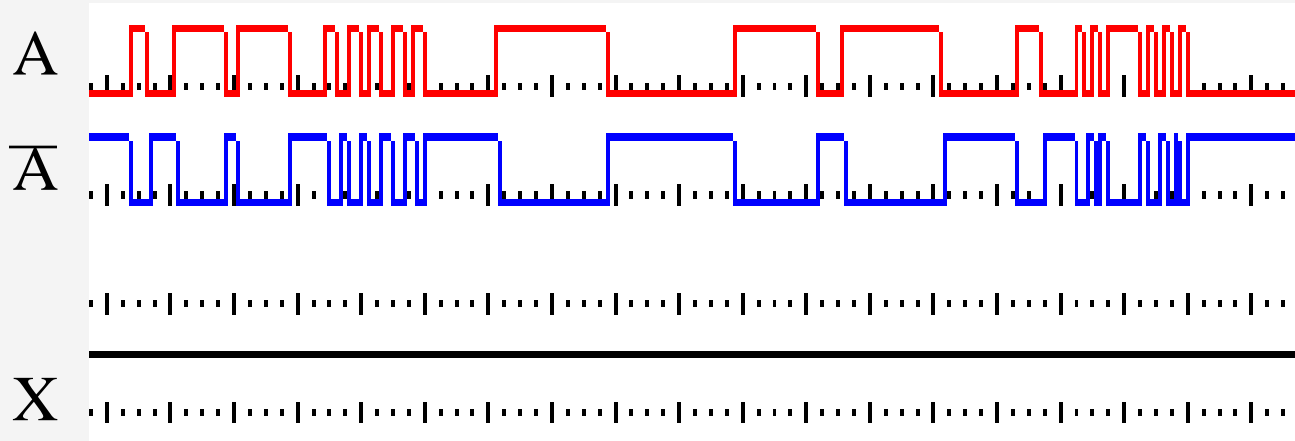
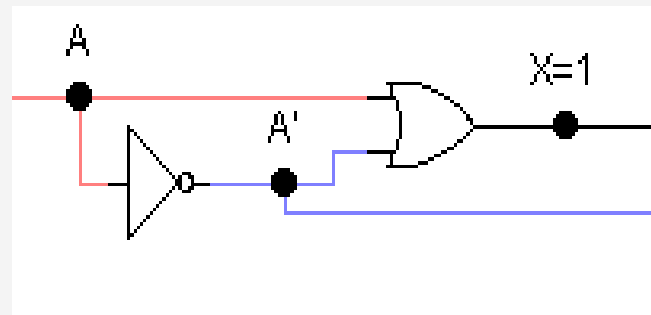
Hacer una operación OR consigo mismo da el mismo resultado



$$A = A$$

$$A + \overline{A} = 1$$

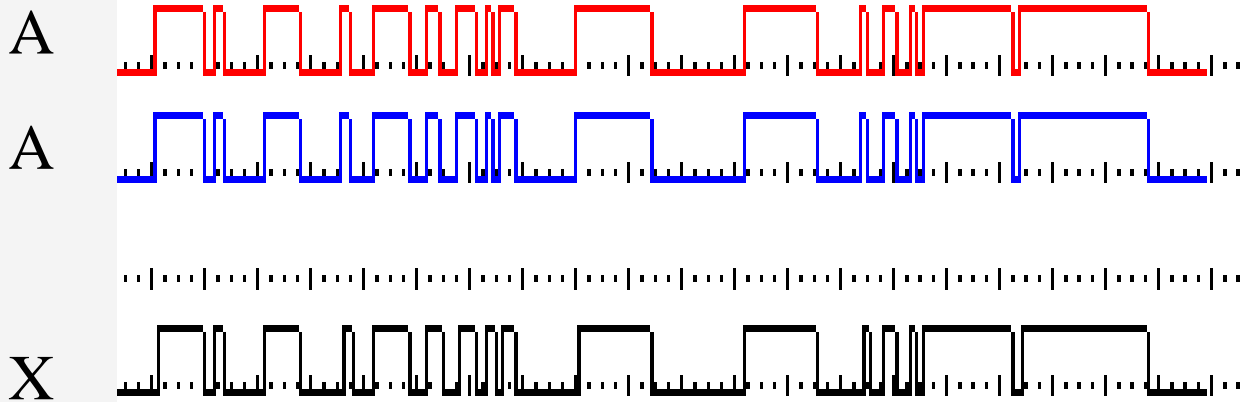
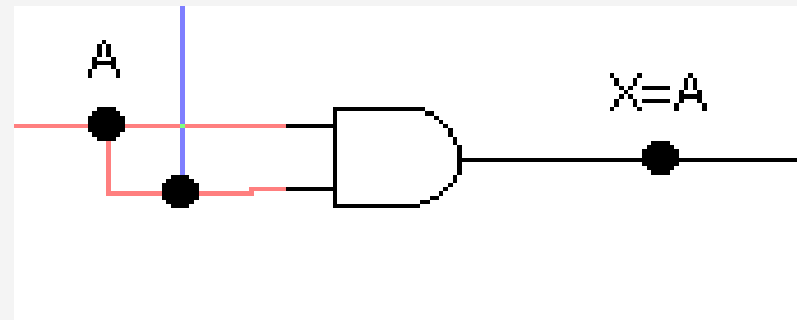
O bien A o \overline{A} serán 1, luego la salida será 1



$X=1$

$$A \cdot A = A$$

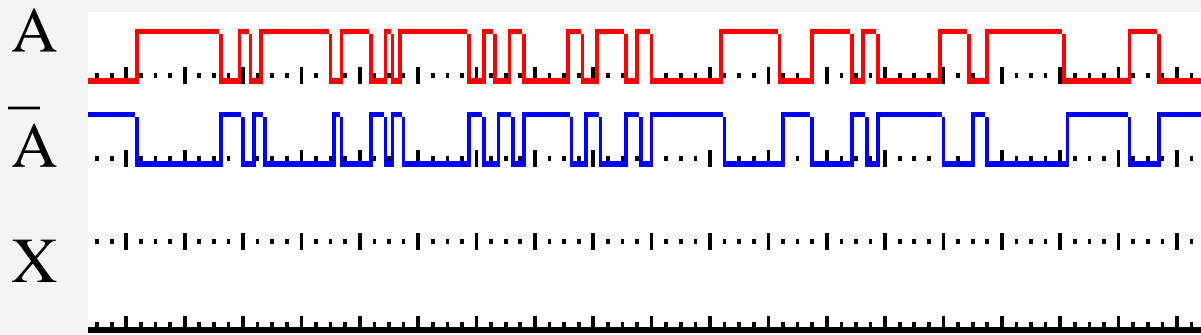
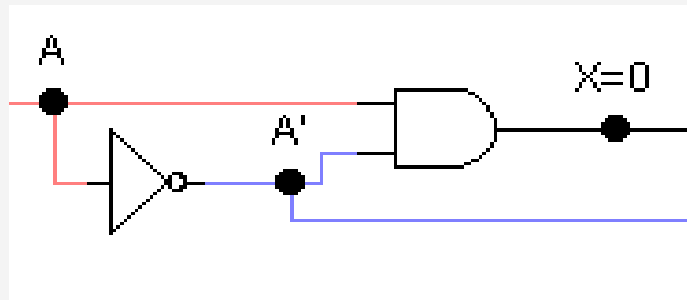
Hacer una operación AND consigo mismo da el mismo resultado



$$A=A$$

$$A \cdot \bar{A} = 0$$

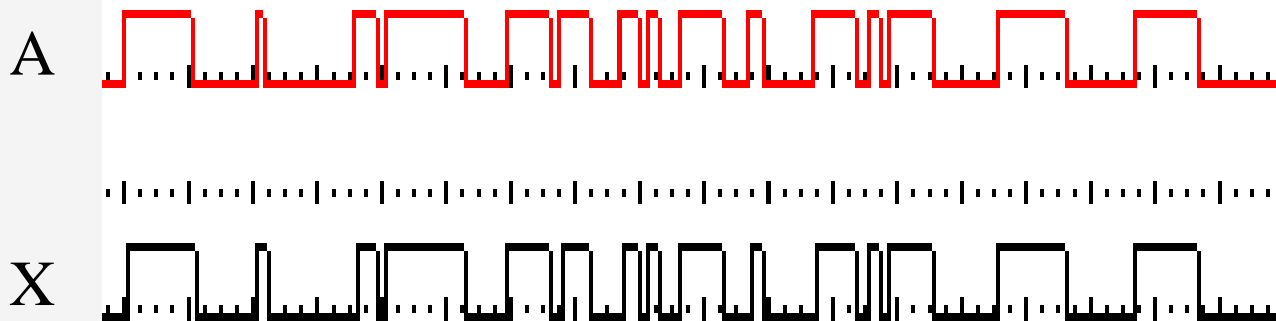
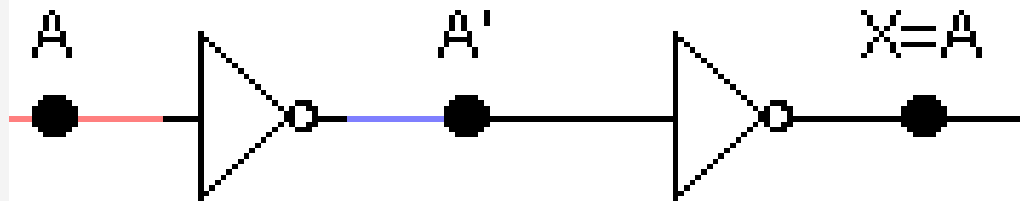
Bien A o \bar{A} son 0 luego la salida será 0.



$X=0$

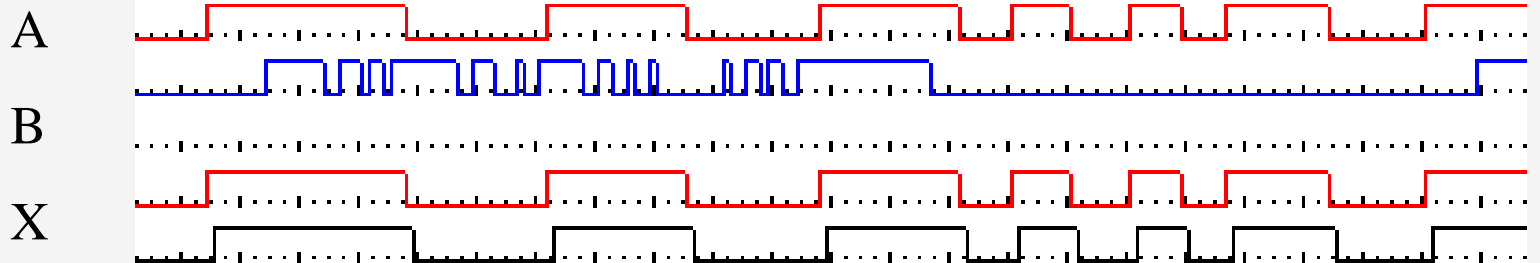
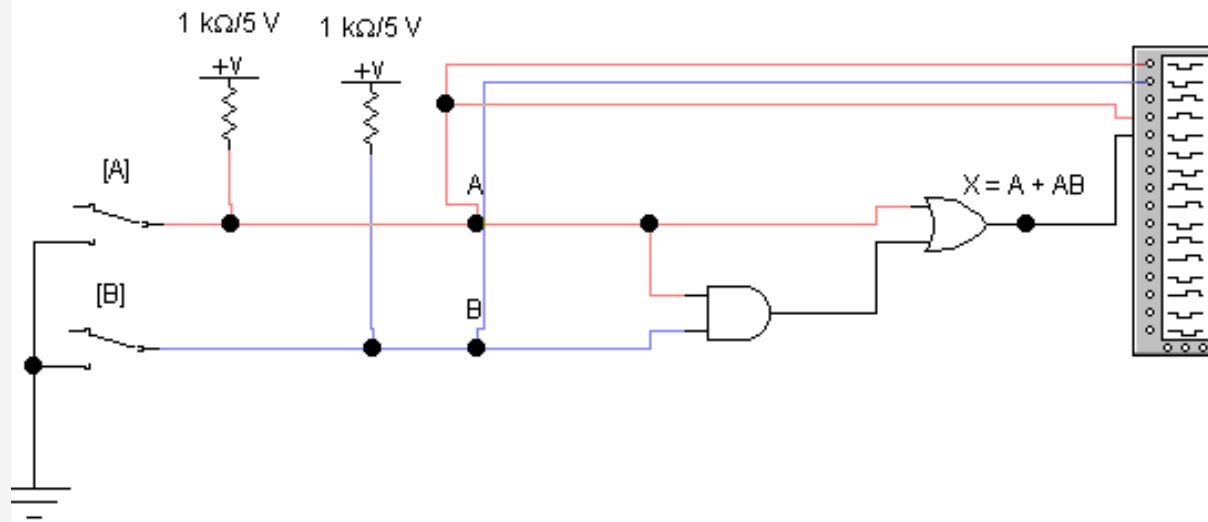
$$A = \overline{\overline{A}}$$

Si negamos algo dos veces volvemos al principio



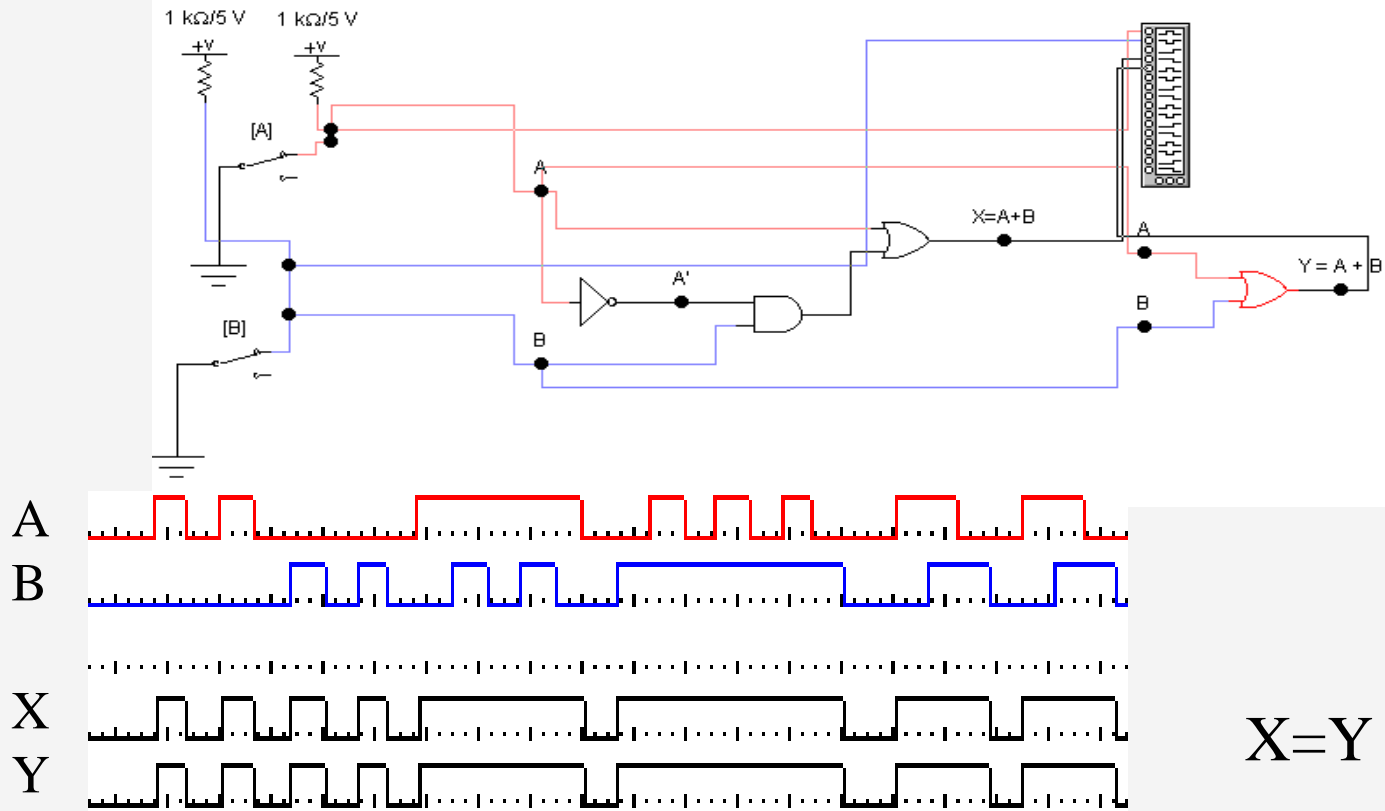
$X=A$

$$A + AB = A$$

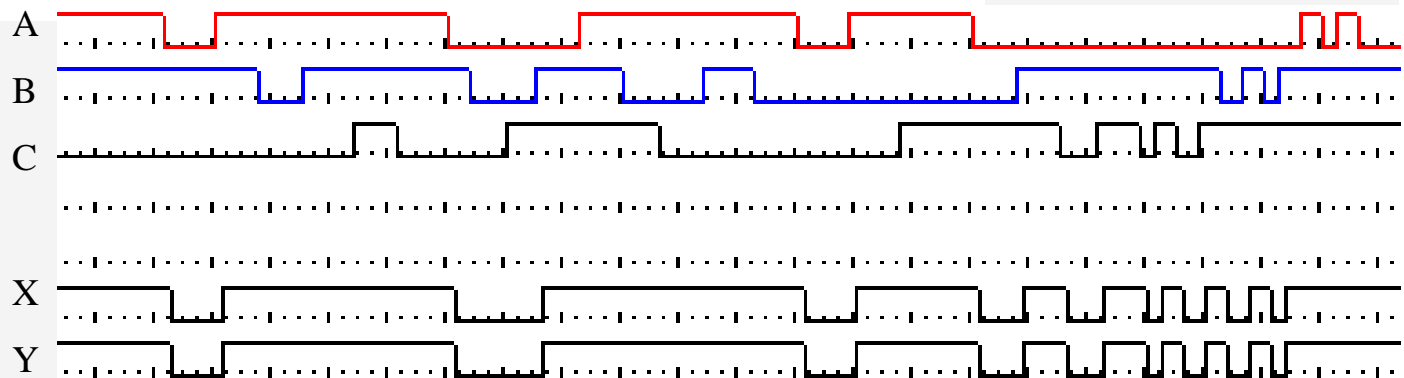
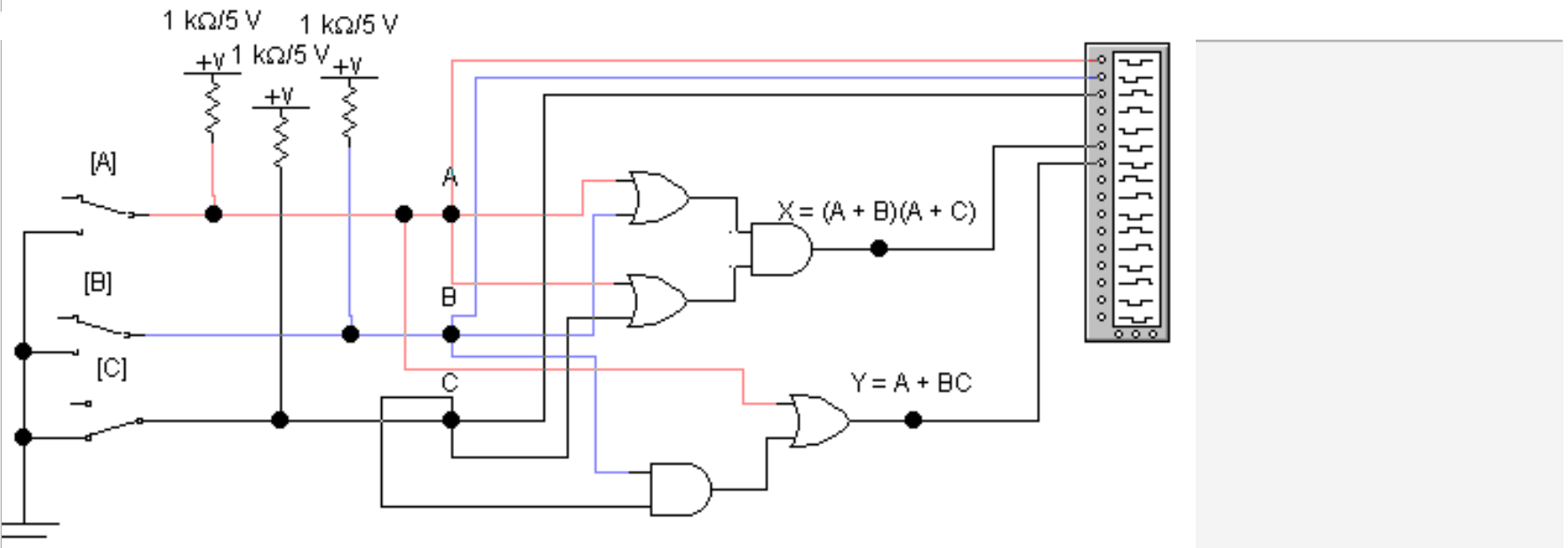


$$A + \overline{A}B = A + B \text{ (absorción)}$$

Si A es 1 la salida es 1 Si A es 0 la salida es B



$$(A + B)(A + C) = A + BC$$



Tres leyes y doce propiedades en Algebra de Boole

Leyes de De Morgan

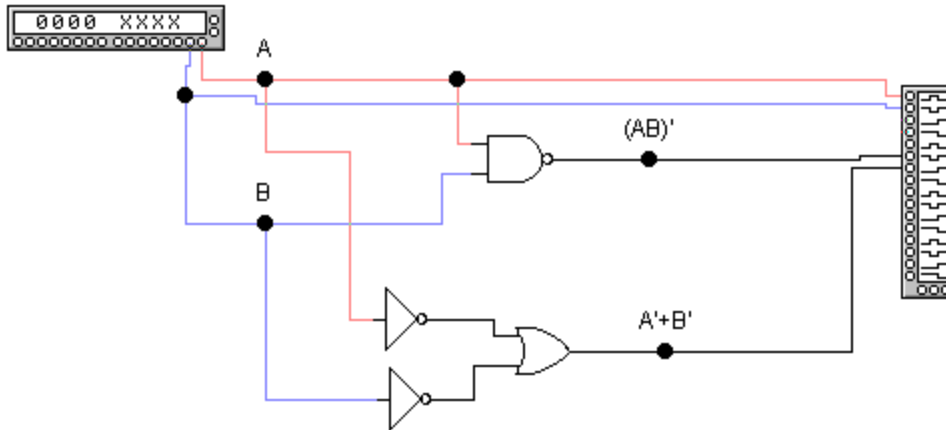
De Morgan ayuda a simplificar circuitos digitales usando NORs y NANDs.

$$\overline{A \cdot B} = \bar{A} + \bar{B}$$

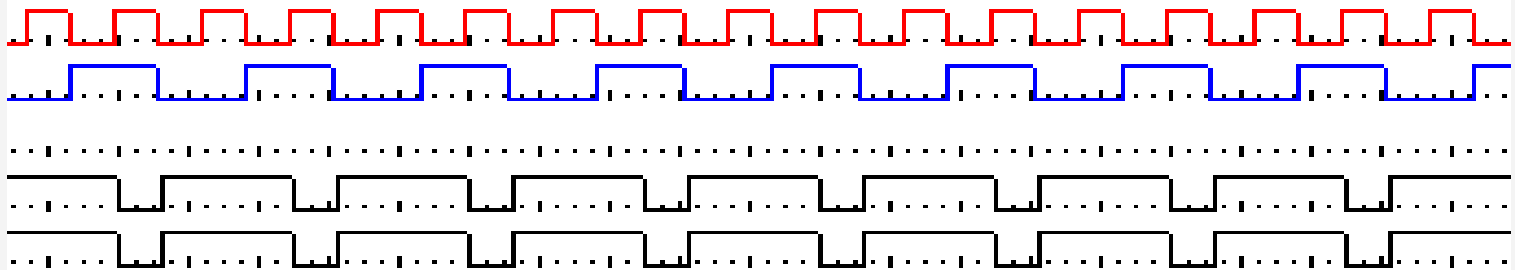
y

$$\overline{A + B} = \bar{A} \cdot \bar{B}$$

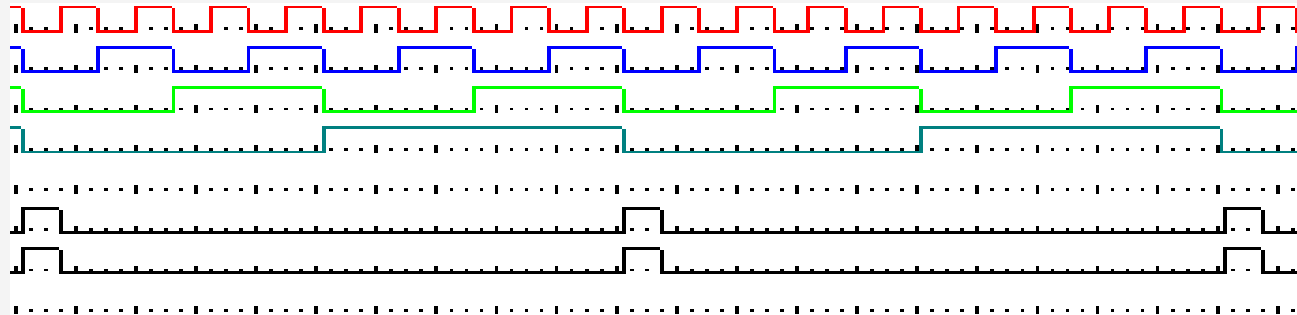
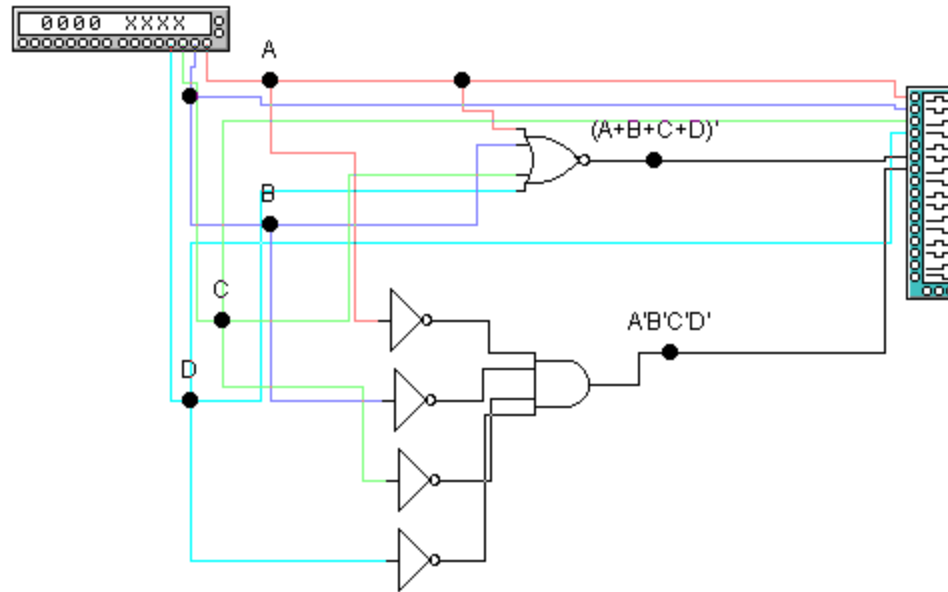
Igual para más de 2 variables.



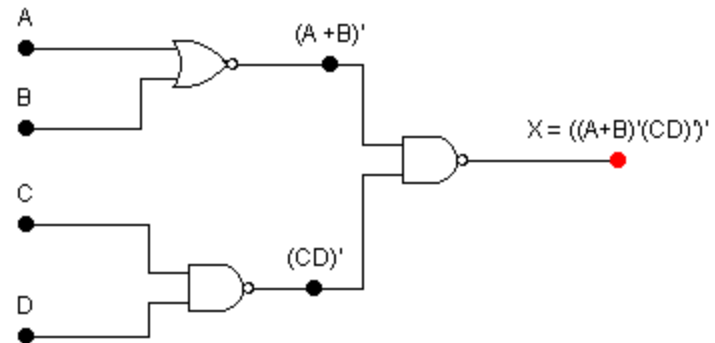
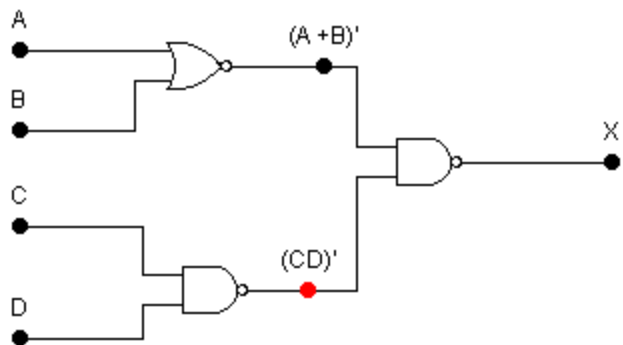
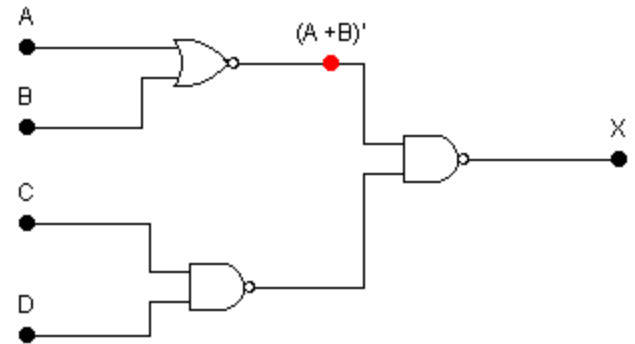
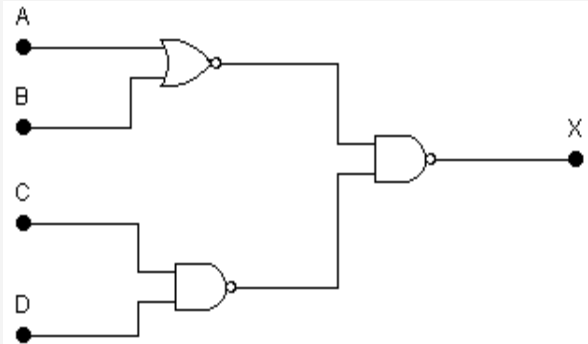
Ambos circuitos tienen la misma salida: De Morgan funciona



$$\overline{A + B + C + D} = \overline{A} \cdot \overline{B} \cdot \overline{C} \cdot \overline{D}$$

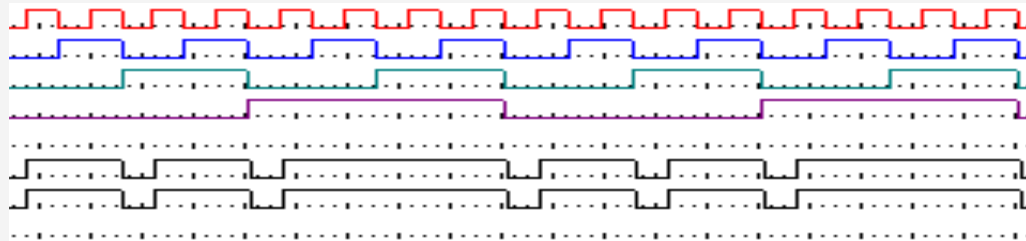
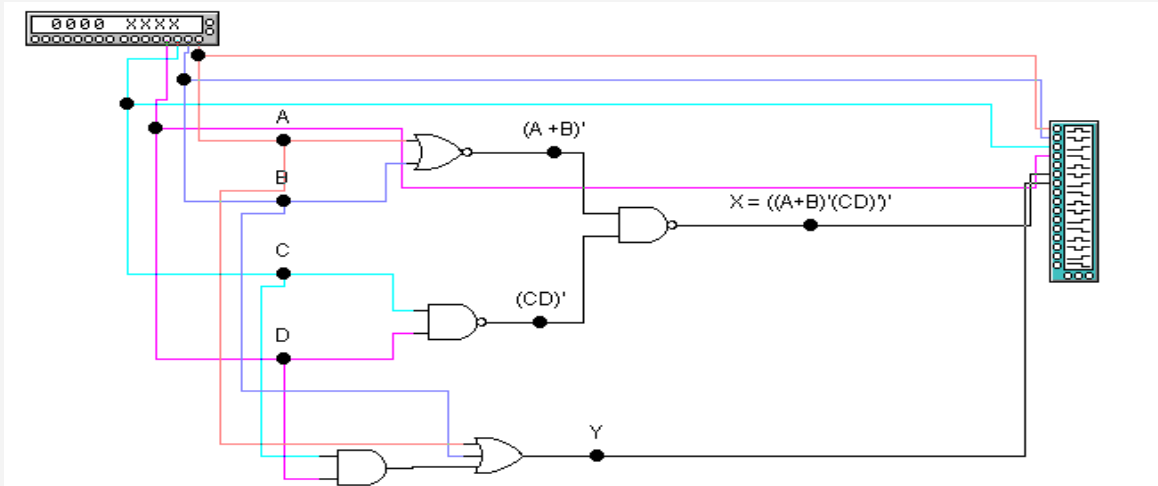


Cálculo de la expresión algebraica de salida (ejemplo 1)



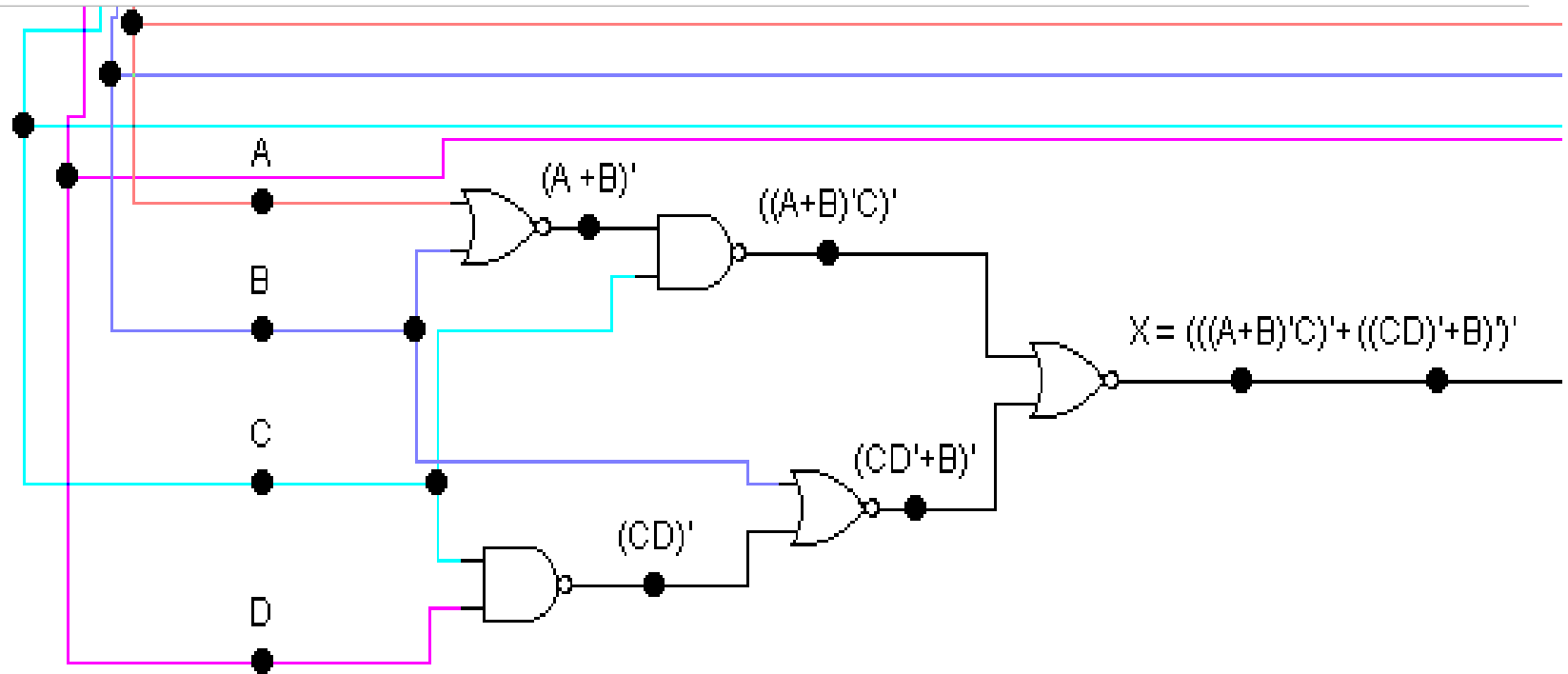
$$\overline{(A + B)(CD)} = \overline{(A + B)} + \overline{(CD)}$$

$$= A + B + CD$$



X e Y son
iguales

Cálculo de la expresión algebraica de salida (ejemplo 2)



$$X = \overline{\overline{(A+B)C} + \overline{CD}} + B$$

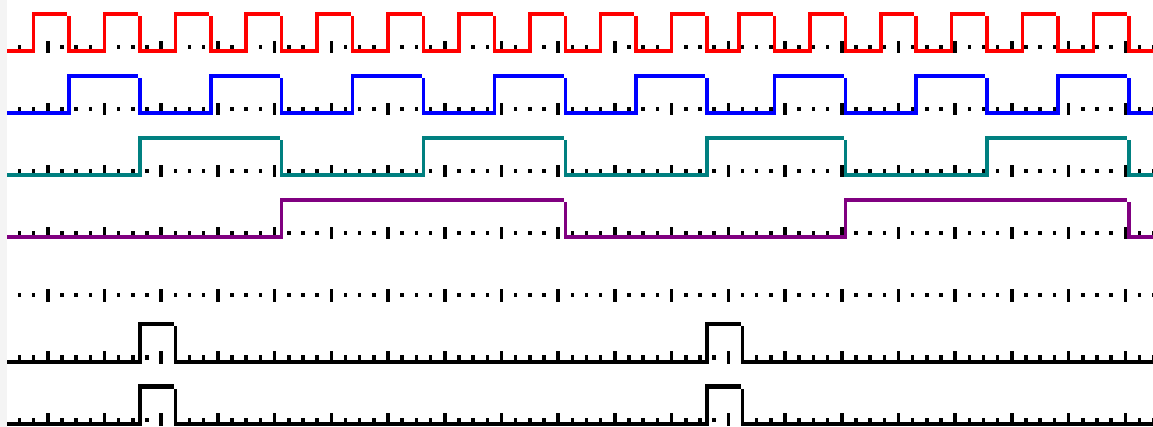
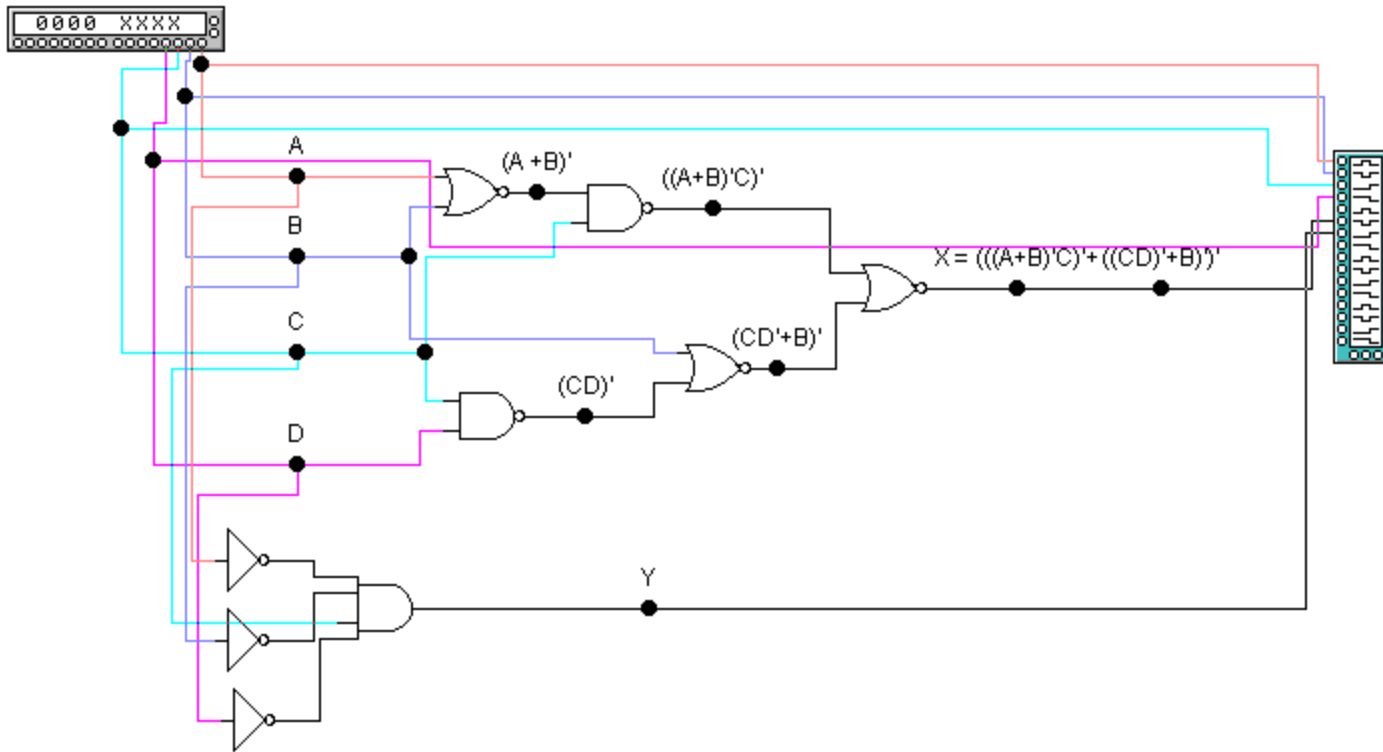
$$= \overline{\overline{(A+B)C}} \overline{\overline{CD}} + B$$

$$= \overline{(A+B)C} \overline{CD + B}$$

$$= \overline{A} \overline{B} C (\overline{C} + \overline{D} + B)$$

$$= \overline{A} \overline{B} C \overline{C} + \overline{A} \overline{B} C \overline{D} + \overline{A} \overline{B} B C$$

$$= \overline{A} \overline{B} C \overline{D}$$



Los
 circuitos
 son
 iguales

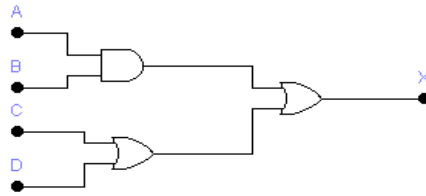
Análisis Booleano de Funciones Lógicas

El propósito de este apartado es obtener expresiones booleanas simplificadas a partir de un circuito

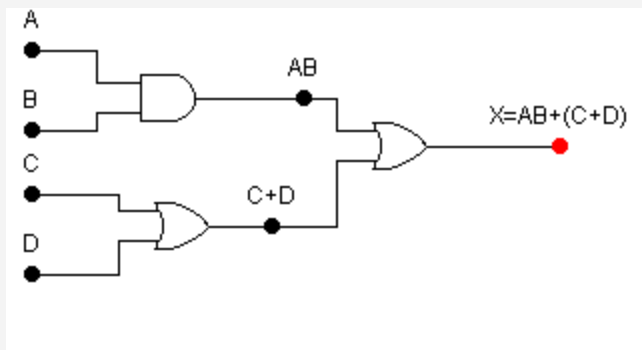
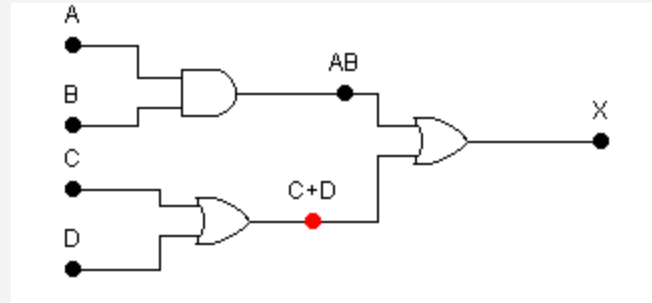
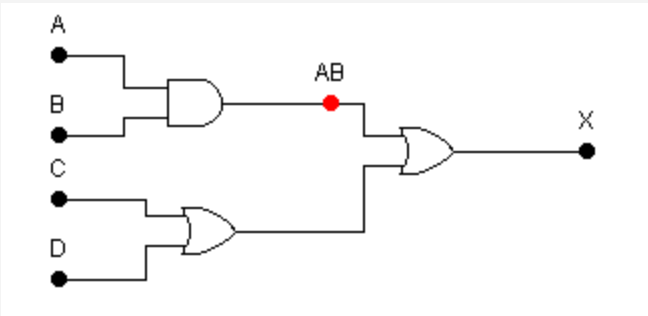
Se examina puerta a puerta a partir de sus entradas

Se simplifica usando las leyes y propiedades booleanas.

Ejemplo 1



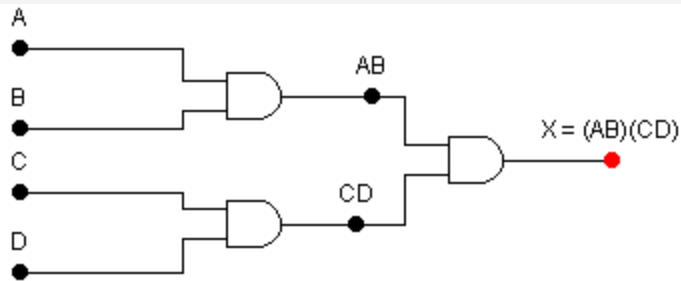
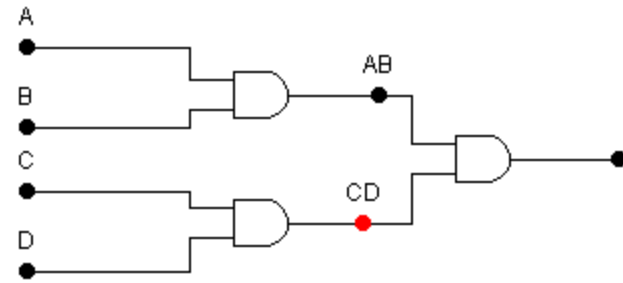
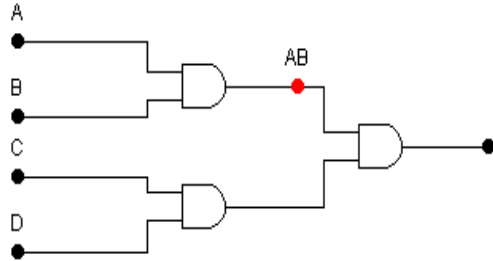
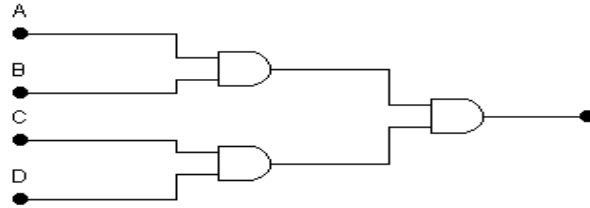
Puerta a puerta a partir de sus entradas



$$X = AB + (C + D)$$

$$X = AB + C + D$$

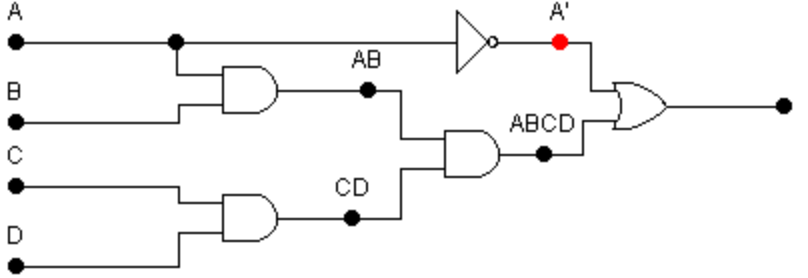
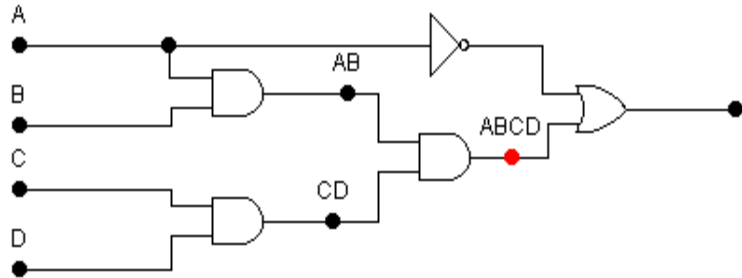
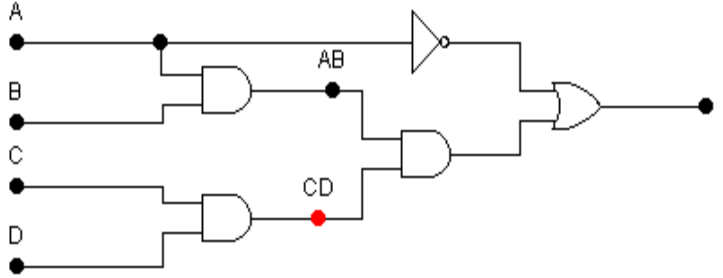
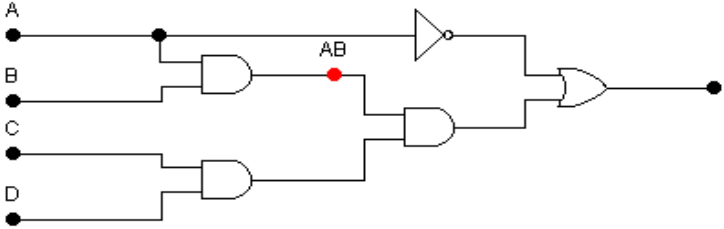
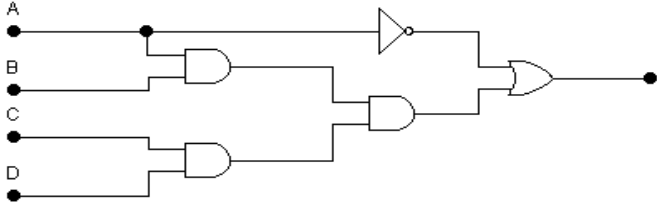
Ejemplo 2



$$X = (AB)(CD)$$

$$X = ABCD$$

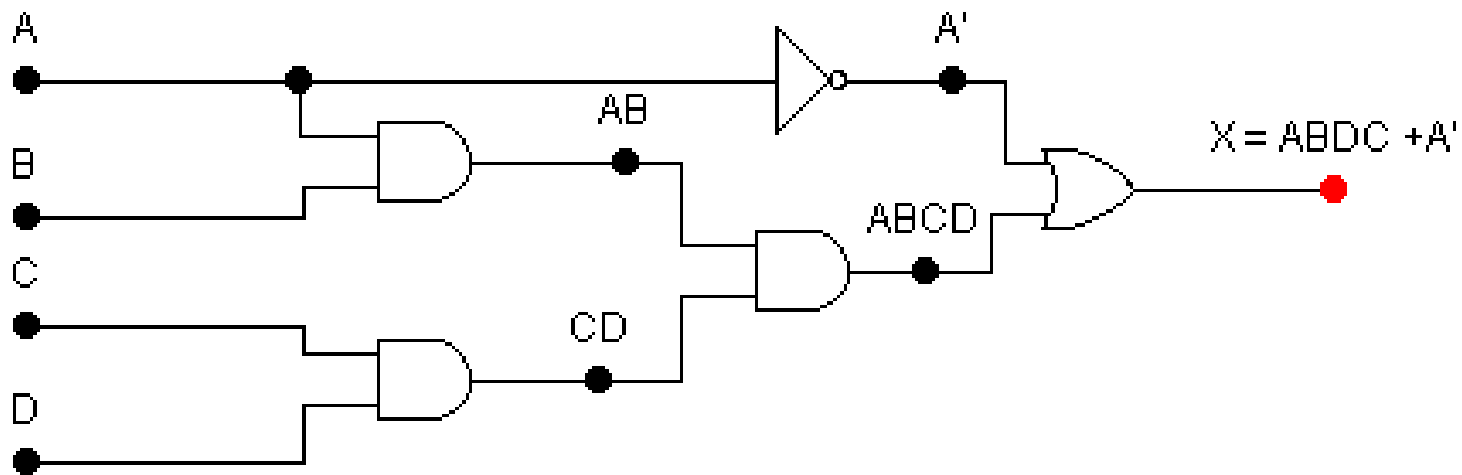
Ejemplo 3



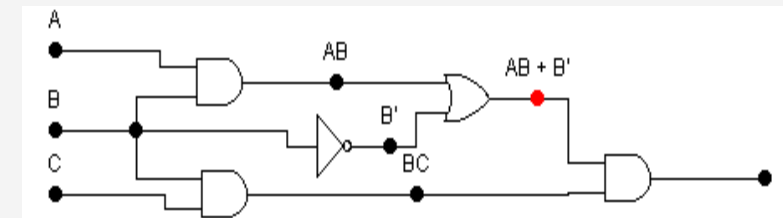
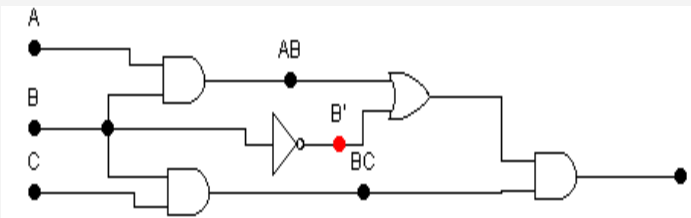
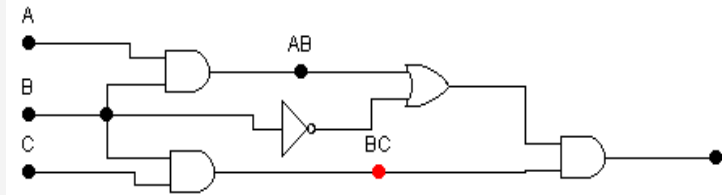
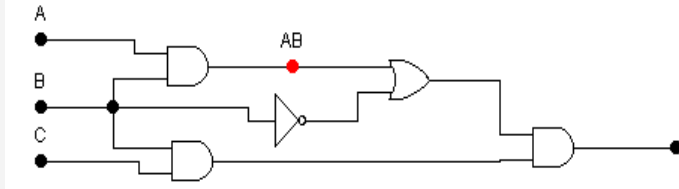
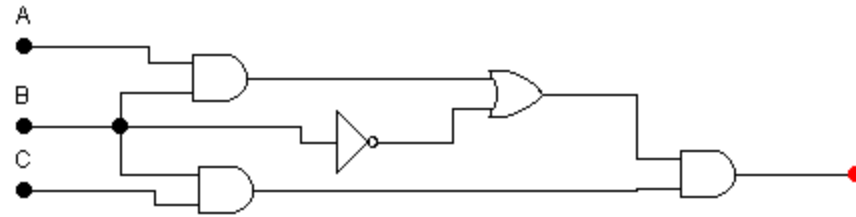
$$X = ABCD + \bar{A}$$

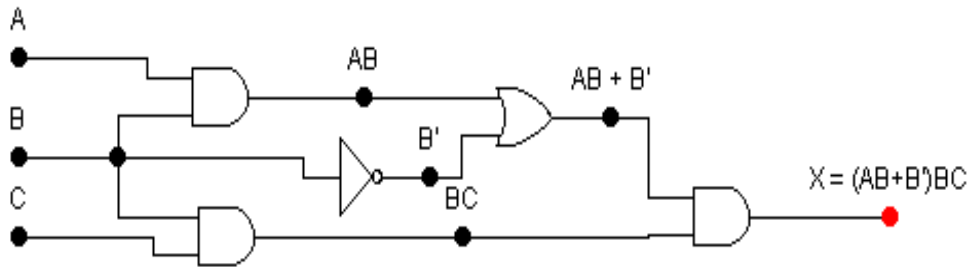
Simplificando:

$$X = \bar{A} + BCD$$



Ejemplo 4





En la siguiente
transparencia se ve
cómo las dos cosas son
lo mismo

$$X = (AB + \overline{B})BC$$

Usando la propiedad
distributiva:

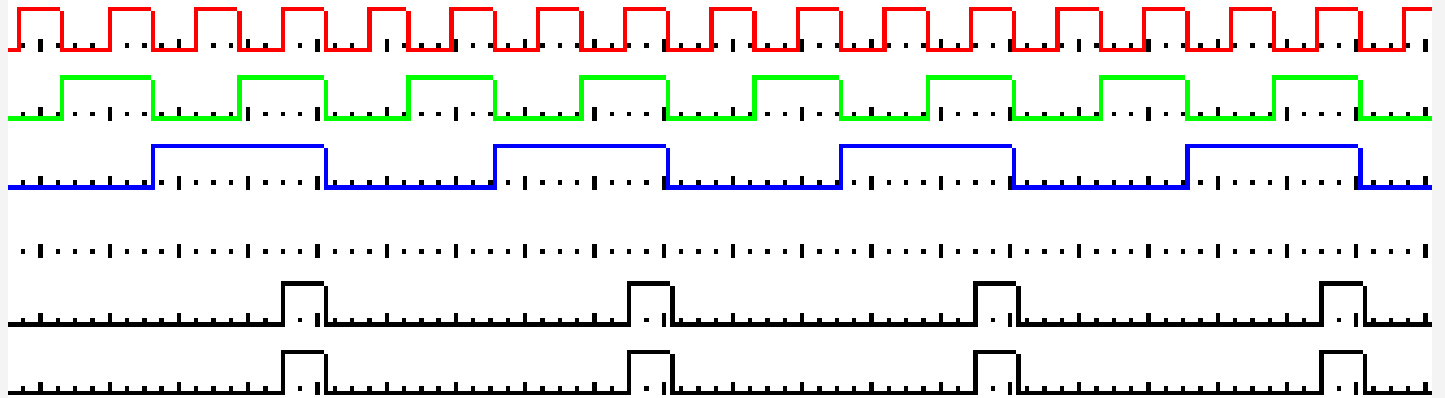
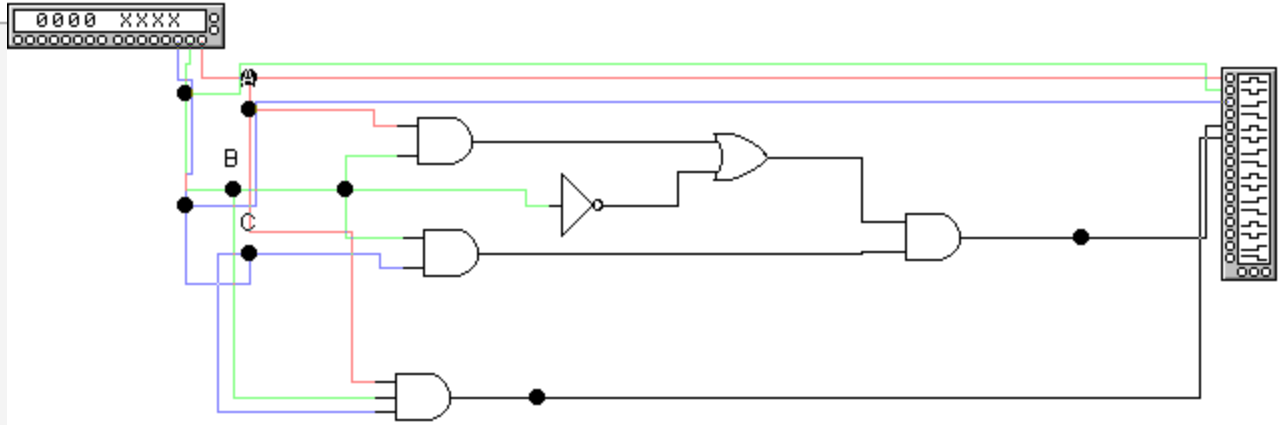
$$X = ABBC + \overline{B}BC$$

$$X = ABC + \overline{B}BC$$

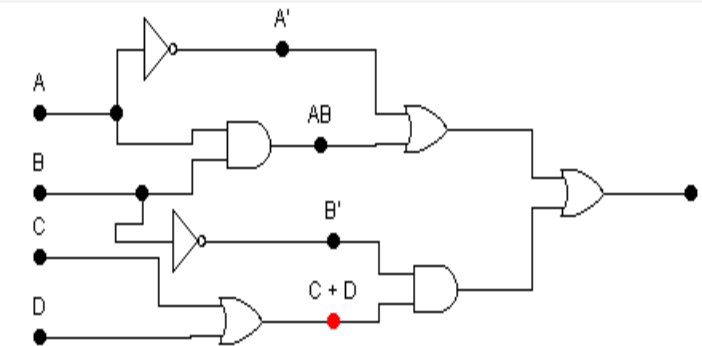
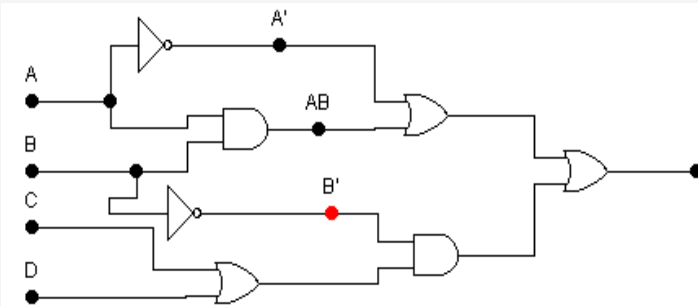
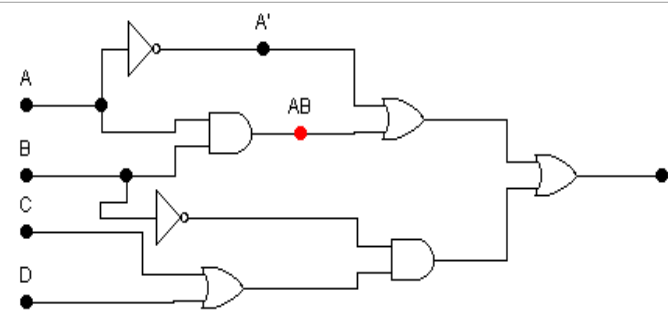
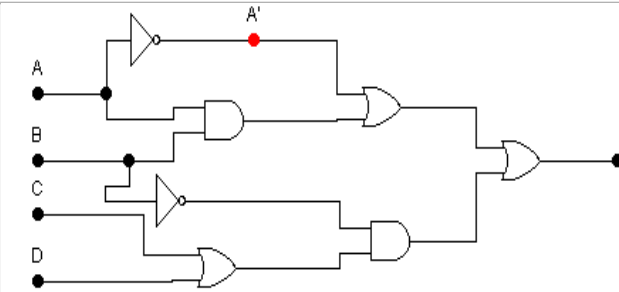
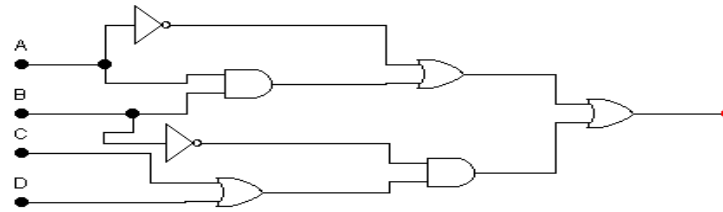
$$X = ABC + 0 \cdot C$$

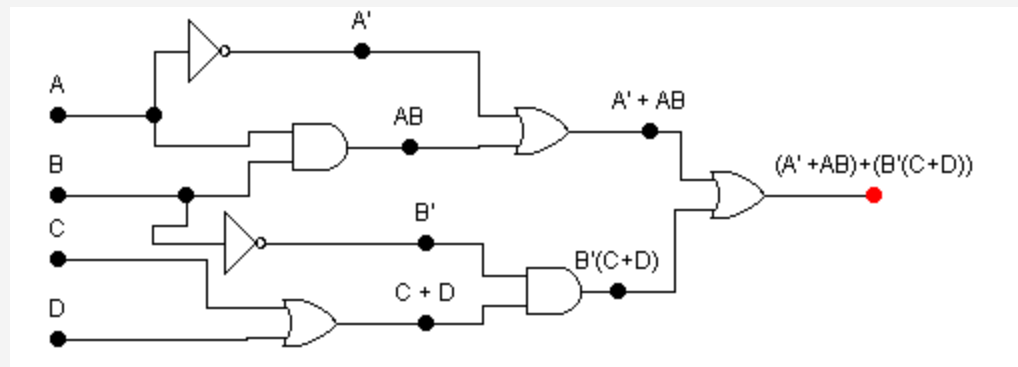
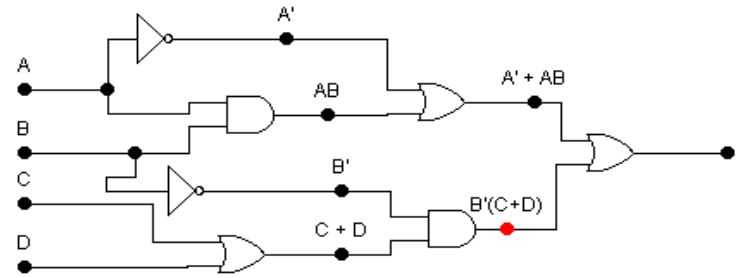
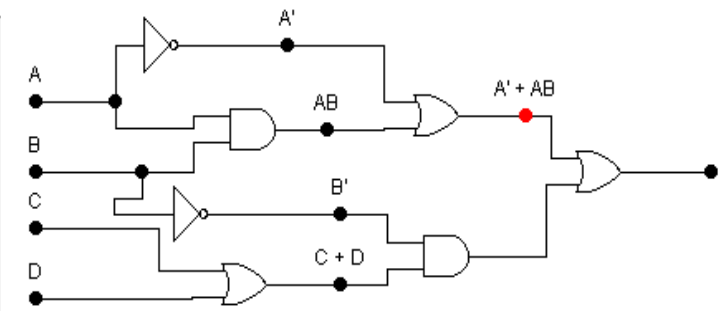
$$X = ABC + 0$$

$$X = ABC$$



Ejemplo 5





$$X = (\bar{A} + AB) + (\bar{B}(C+D))$$

$$X = (\bar{A} + B) + (\bar{B}(C + D))$$

$$X = (\bar{A} + B) + (\bar{B}C + \bar{B}D)$$

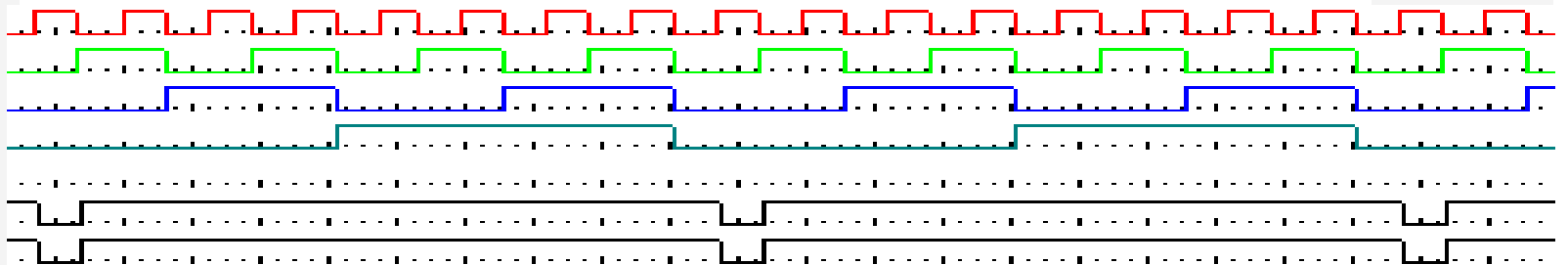
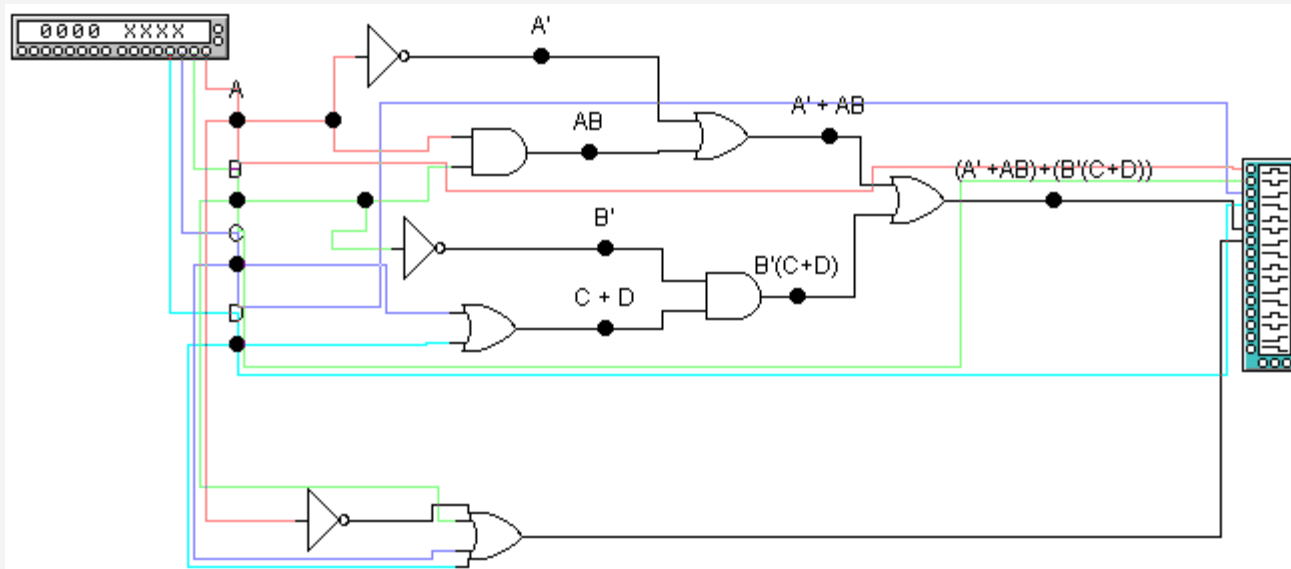
$$X = \bar{A} + B + \bar{B}C + \bar{B}D$$

$$X = \bar{A} + B + C + \bar{B}D \text{ (sigue en la próxima transparencia)}$$

$$X = \bar{A} + B + C + \bar{B}D$$

$$X = \bar{A} + B + C + D$$

Los circuitos son iguales



Expresiones booleanas desde tablas de verdad

Producto de sumas

$$Y = (A + B + C) \cdot (D + C) \cdot (E + F)$$

Suma de productos

$$Y = A \cdot \bar{B} \cdot C + B \cdot \bar{C} \cdot D + A \cdot \bar{C} \cdot D \quad \text{o directamente}$$

$$Y = \bar{A}\bar{B}C + B\bar{C}D + A\bar{C}D$$

Sumas de productos

A	B	C	D	
0	0	0	0	0
0	0	0	1	0
0	0	1	0	0
0	0	1	1	1
0	1	0	0	0
0	1	0	1	0
0	1	1	0	0
0	1	1	1	0
1	0	0	0	0
1	0	0	1	0
1	0	1	0	1
1	0	1	1	0
1	1	0	0	0
1	1	0	1	1
1	1	1	0	1
1	1	1	1	1

Cuando $ABCD=1111$, el producto $ABCD$ y sólo ése es 1.

Cuando $ABCD=1110$, el producto $ABCD'$ y sólo ése es 1,...

...y así sucesivamente... resultando que

$$ABCD + ABCD' + AB'CD + A'B'CD$$

La función es 1
cuando

$ABCD=1111$ o

cuando

$ABCD=1110$ o

cuando

$ABCD=1011$ o

cuando

$ABCD=0011$ y en

ningún otro caso

Productos de sumas

A	B	C	D	
0	0	0	0	1
0	0	0	1	1
0	0	1	0	0
0	0	1	1	1
0	1	0	0	0
0	1	0	1	1
0	1	1	0	1
0	1	1	1	0
1	0	0	0	1
1	0	0	1	1
1	0	1	0	0
1	0	1	1	1
1	1	0	0	1
1	1	0	1	0
1	1	1	0	1
1	1	1	1	1

Cuando $ABCD=0010$, la suma $A+B+C'+D$ y sólo ésa es 0.

Cuando $ABCD=0100$, la suma $A+B'+C+D$ y sólo ésa es 0, ...

...y así sucesivamente... resultando que

$$(A+B+C'+D)(A+B'+C+D)(A+B'+C'+D')(A'+B+C'+D)(A'+B'+C+D')$$

La función es 0 cuando $ABCD=0010$ o cuando $ABCD=0100$ o cuando $ABCD=0111$ o cuando $ABCD=1010$ o cuando $ABCD=1101$ y en ningún otro caso

Minimización de funciones lógicas

Mapas de Karnaugh: se usan para minimizar el número de puertas requeridas en un circuito digital

Es adecuado en vez de usar leyes y propiedades cuando el circuito es grande

Se consigue, aplicando adecuadamente el método, el circuito más simplificado posible

Mapa de Karnaugh

El mapa se hace con una tabla con tantas celdas como Sumas de Productos posibles, teniendo en cuenta el número de variables que se utilice.

2 variables, entonces mapa 2x2

3 variables, entonces mapa 4x2

4 variables, entonces mapa 4x4

5 variables, entonces mapa 8x4

Mapa de Karnaugh

Lo interesante del mapa es moverse de una celda a otra contigua con el cambio de una sola variable.

Los movimientos son arriba-abajo o derecha-izquierda (nunca en diagonal).

El mapa también se dobla sobre sí mismo con la misma regla: solo una variable cambia de la última columna a la derecha a la primera a la izquierda, o de la fila de abajo a la de arriba.

Emplearemos un código Gray, que se caracteriza porque entre dos códigos consecutivos (incluidos los extremos) sólo hay un bit de diferencia.

	\bar{B}	B
	0	1
\bar{A}	0	
A	1	

La celda de arriba a la izquierda es $\bar{A}\bar{B}$.
 Si $F = \bar{A}\bar{B}$, entonces hay que poner 1 en esa celda

El mapa va de Falso a Verdadero, de izquierda a derecha y de arriba abajo

	\bar{B}	B
	0	1
\bar{A}	0	1
A	1	

Esto muestra que $F = 1$ cuando
 $A=0$ y $B=0$

Si $F = \overline{A}\overline{B} + A\overline{B}$
 entonces hay que
 poner 1 en las dos
 celdas

	\overline{B} 0	B 1
\overline{A} 0	1	
A 1	1	

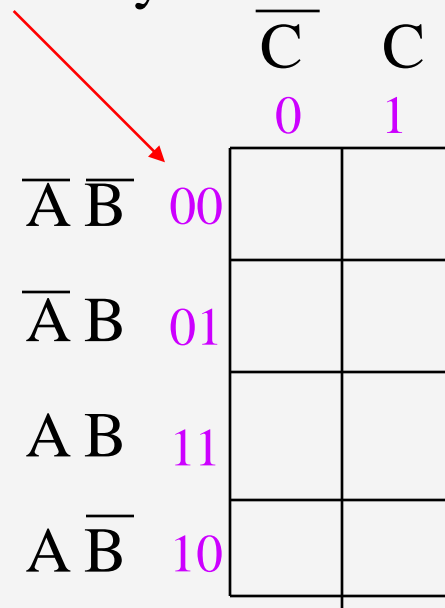
Sabemos por el Algebra de Boole que $\overline{A}\overline{B} + A\overline{B} = \overline{B}$

En el mapa de
 Karnaugh podemos
 agrupar celdas
 adyacentes y ver que
 $F = \overline{B}$

	\overline{B} 0	B 1
\overline{A} 0	1	
A 1	1	

Mapas de 3 variables

Código Gray



		\bar{C}	C
		0	1
$\bar{A} \bar{B}$	00		
$\bar{A} B$	01		
$A B$	11		
$A \bar{B}$	10		

$$X = \overline{A} \overline{B} C + \overline{A} B \overline{C} + A \overline{B} \overline{C} + A B C$$

Código Gray

		\overline{C}	C
		0	1
$\overline{A} \overline{B}$	00	1	1
$\overline{A} B$	01		
$A B$	11		
$A \overline{B}$	10	1	1

Cada término de 3 variables es una celda en un mapa de Karnaugh 4 X 2

$$X = \overline{A} \overline{B} C + \overline{A} B \overline{C} + A \overline{B} \overline{C} + A B C$$

Código Gray

		\overline{C}	C
		0	1
$\overline{A} \overline{B}$	00	1	1
$\overline{A} B$	01		
$A B$	11		
$A \overline{B}$	10	1	1

Una
simplificación
podría ser:

$$X = \overline{A} \overline{B} + A \overline{B}$$

$$X = \overline{A} \overline{B} C + \overline{A} \overline{B} \overline{C} + A \overline{B} \overline{C} + A \overline{B} C$$

Código Gray

		\overline{C}	C
$\overline{A} \overline{B}$	00	1	1
$\overline{A} B$	01		
$A B$	11		
$A \overline{B}$	10	1	1

Otra
simplificación
podría ser:

$$X = \overline{B} \overline{C} + \overline{B} C$$

El mapa de
Karnaugh se
dobla
circularmente

$$X = \overline{A} \overline{B} C + \overline{A} B \overline{C} + A \overline{B} \overline{C} + A B C$$

Código Gray

			\overline{C}	C
			0	1
00	$\overline{A} \overline{B}$	00	1	1
01	$\overline{A} B$	01		
11	$A B$	11		
10	$A \overline{B}$	10	1	1

La mejor simplificación sería

$$X = \overline{B}$$

En un mapa de 3 variables

- Una celda a 1 implica a 3 variables
- Dos celdas adyacentes a 1 implican a 2 variables
- Cuatro celdas adyacentes a 1 implican a 1 variable
- Ocho celdas adyacentes a 1 constituyen función de valor 1

Mapa de Karnaugh de 4 variables

Código Gray

	$\overline{C}\overline{D}$ 00	$\overline{C}D$ 01	CD 11	$C\overline{D}$ 10
$\overline{A}\overline{B}$ 00				
$\overline{A}B$ 01				
AB 11				
$A\overline{B}$ 10				

Simplificar

$$X = \bar{A}\bar{B}CD + \bar{A}BCD + A\bar{B}CD + ABCD + \\ AB\bar{C}\bar{D} + \bar{A}BC\bar{D}$$

Código Gray 00 01 11 10

$\bar{C}\bar{D}$ $\bar{C}D$ CD $C\bar{D}$

00 01 11 10

$\bar{A}\bar{B}$ 00			1	
$\bar{A}B$ 01			1	1
AB 11		1	1	
$A\bar{B}$ 10			1	

Intentar con
reducciones
booleanas

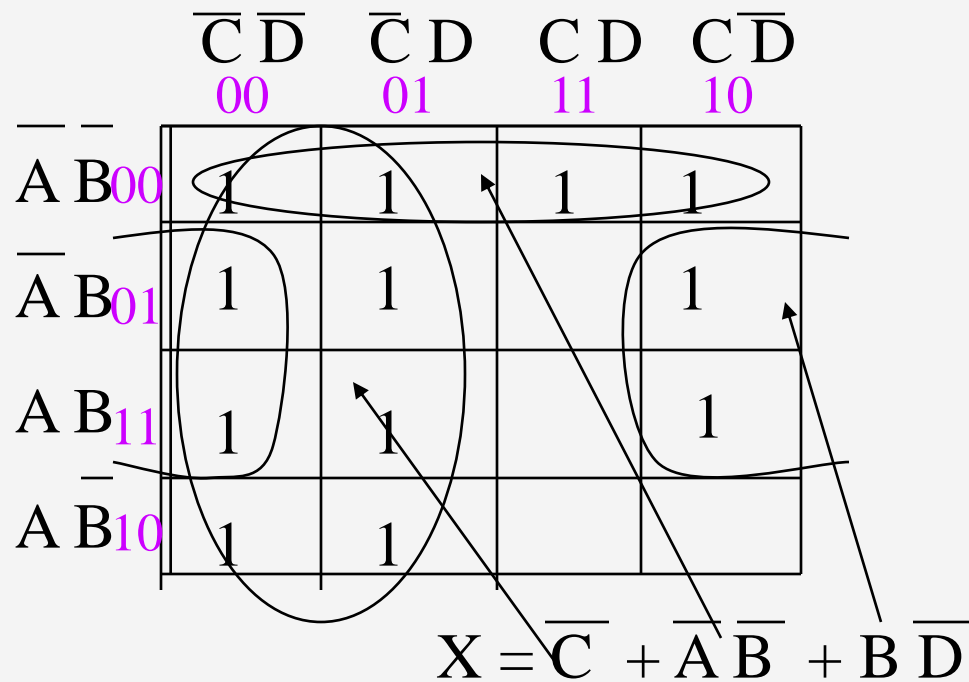
$$X = ABD + \bar{A}BC + CD$$

En un mapa de 4 variables

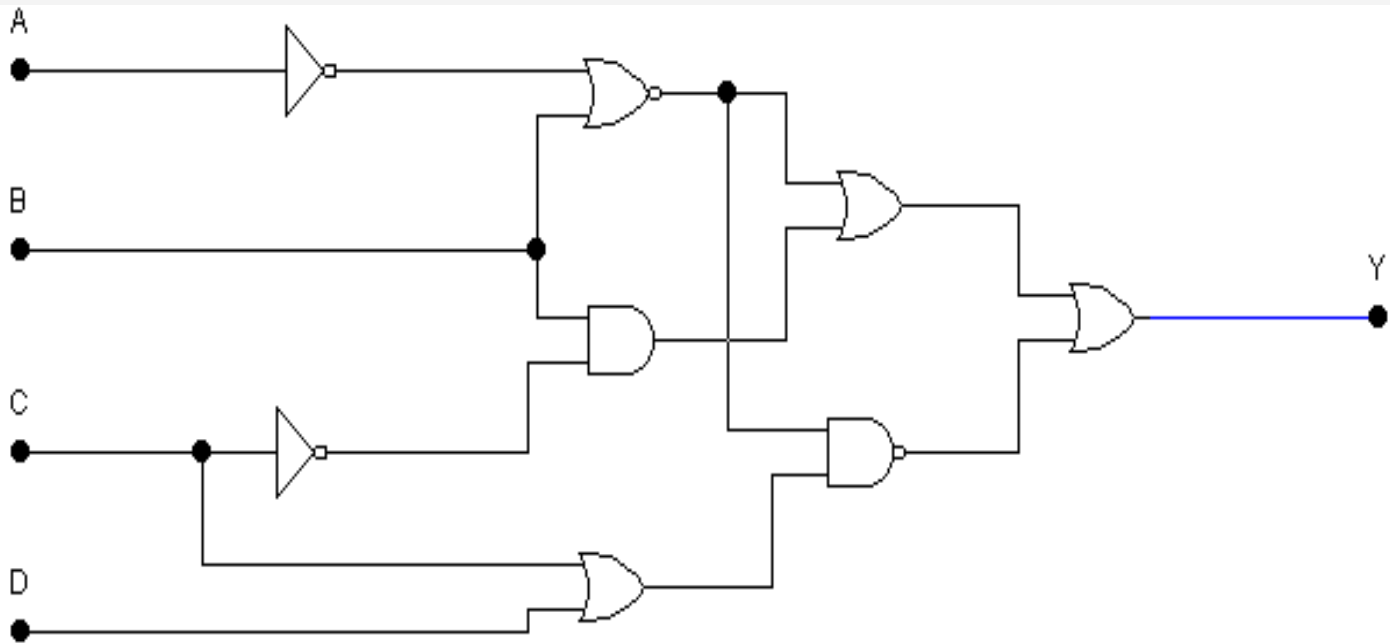
- Una celda a 1 implica a 4 variables
- Dos celdas adyacentes a 1 implican a 3 variables
- Cuatro celdas adyacentes a 1 implican a 2 variables
- Ocho celdas adyacentes a 1 implican a 1 variable
- Dieciséis celdas adyacentes a 1 constituyen función de valor 1

Simplificar

$$Z = \overline{B} \overline{C} D + B \overline{C} D + \overline{C} \overline{D} + B C \overline{D} + \overline{A} \overline{B} C$$



Dado un circuito encontrar otro más sencillo usando Mapas de Karnaugh



Primero lo pasamos a Suma de Productos

$$Y = \overline{\overline{A + B}} + B \overline{C} + \overline{\overline{A + B}} (\overline{C + D})$$

$$Y = \overline{\overline{A}} \overline{\overline{B}} + B \overline{C} + \overline{\overline{A}} \overline{\overline{B}} (\overline{C + D})$$

$$Y = A \overline{B} + B \overline{C} + \overline{\overline{A}} \overline{\overline{B}} \overline{C} + A \overline{B} \overline{D}$$

$$Y = A \overline{B} + B \overline{C} + \overline{\overline{A}} \overline{\overline{B}} \overline{C} \overline{\overline{A}} \overline{\overline{B}} \overline{D}$$

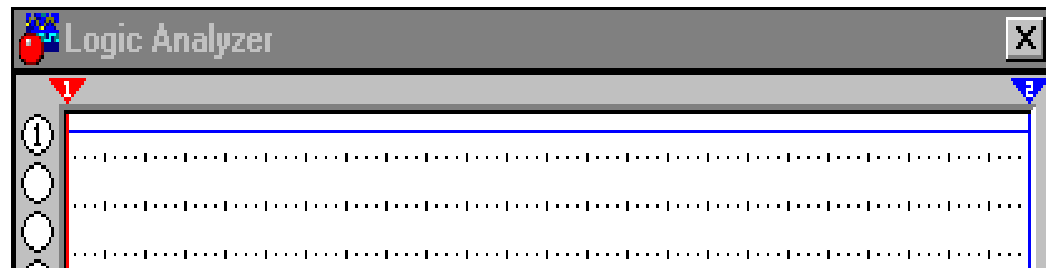
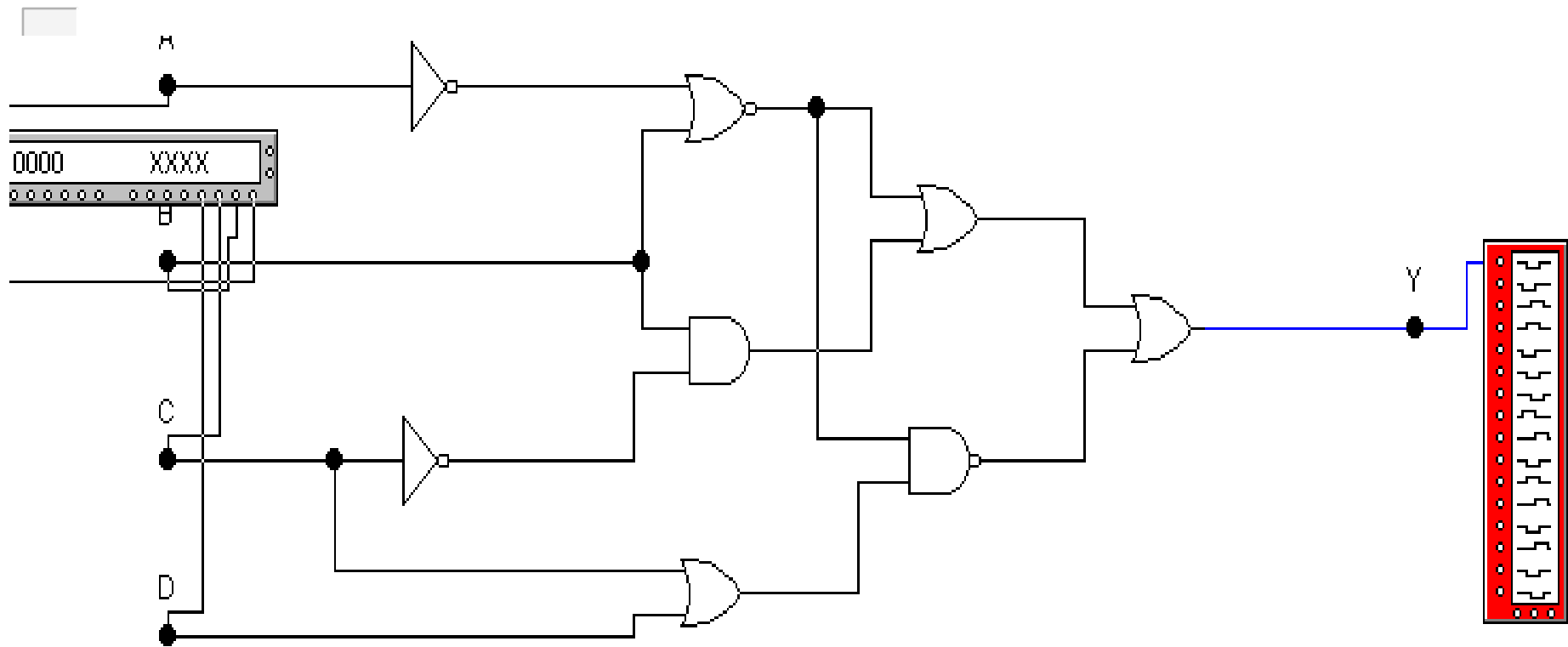
$$Y = A \overline{B} + B \overline{C} + (\overline{\overline{A}} + \overline{\overline{B}} + \overline{\overline{C}}) (\overline{\overline{A}} + \overline{\overline{B}} + \overline{\overline{D}})$$

$$Y = A \overline{B} + B \overline{C} + \overline{\overline{A}} + \overline{\overline{A}} \overline{\overline{B}} + \overline{\overline{A}} \overline{\overline{D}} + \overline{\overline{B}} + \overline{\overline{B}} \overline{\overline{D}} + \overline{\overline{A}} \overline{\overline{C}} + \overline{\overline{C}} \overline{\overline{D}}$$

$$Y = A \overline{B} + B \overline{C} + \overline{\overline{A}} + \overline{\overline{B}} + \overline{\overline{C}} \overline{\overline{D}} = A + \overline{\overline{B}} + \overline{\overline{B}} + \overline{\overline{C}} \overline{\overline{D}} = 1$$

	$\overline{C}\overline{D}$ 00	$\overline{C}D$ 01	CD 11	$C\overline{D}$ 10
$\overline{A}\overline{B}$ 00	1	1	1	1
$\overline{A}B$ 01	1	1	1	1
AB 11	1	1	1	1
$A\overline{B}$ 10	1	1	1	1

$$Z = 1$$



SIMPLIFICACIÓN POR KARNAUGH

1. Realizar agrupaciones de 1's, con sus adyacentes, lo mayor posibles, pero siempre en cantidades potencias de 2.
2. No dejar ningún 1 sin agrupar. Puede ocurrir que un 1 pertenezca a más de una agrupación. No se pueden coger agrupaciones dentro de agrupaciones.
3. Por cada agrupación de 1's resulta un producto de variables. Cuanto más 1's se agrupen, más sencilla resultará la expresión de esa agrupación. En MK de 5 variables, las agrupaciones que tomen 1's de las dos porciones deben ser simétricas respecto al eje central.
4. En cada agrupación, cada una de las variables puede aparecer en alguno de los siguientes casos:
 - a) Si siempre vale 1 -----> Se pone afirmada.
 - b) Si siempre vale 0 -----> Se pone negada.
 - c) Si cambia de valor (50% de los casos un valor y el otro 50% otro valor) -----> No se pone.
5. La expresión de la función booleana será la suma lógica de todos los productos que hayan salido.

Diseñar un sistema de alarma

Sensores disponibles

1. V = Ventana (V=0 CERRADA, V=1 ABIERTA)
2. P = Puerta (P=0 CERRADA, P=1 ABIERTA)
3. C = Calefacción (C=0 APAGADA,
C=1 ENCENDIDA)
4. A = Aire acondicionado (A=0 APAGADO,
A=1 ENCENDIDO)
5. I = Alarma de proximidad de intruso (I=0 NO HAY INTRUSO,
I=1 SI HAY INTRUSO)

El sistema de alarma debe activarse cuando:

1. La puerta está abierta y la calefacción encendida ($P=1, C=1$)
2. La puerta está abierta y el aire acondicionado encendido ($P=1, A=1$)
3. La puerta está abierta con una alarma de proximidad de intruso ($P=1, I=1$)
4. La ventana está abierta y la calefacción encendida. ($V=1, C=1$)
5. La ventana está abierta y el aire acondicionado encendido ($V=1, A=1$)
6. La ventana está abierta con una alarma de proximidad de intruso ($V=1, I=1$)

Rellenando el mapa...(P=1, C=1)

		$\bar{C}\bar{A}\bar{I} \quad \bar{C}\bar{A}\bar{I} \quad \bar{C}\bar{A}\bar{I} \quad \bar{C}\bar{A}\bar{I} \quad \bar{C}\bar{A}\bar{I} \quad \bar{C}\bar{A}\bar{I} \quad C\bar{A}\bar{I} \quad C\bar{A}\bar{I}$											
		000	001	011	010	110	111	101	100				
V	P 00					1							
V	P 01									1	1	1	1
V	P 11									1	1	1	1
V	P 10												

Rellenando el mapa...(P=1, A=1)

		$\bar{C}\bar{A}\bar{I}$	$\bar{C}\bar{A}I$	$\bar{C}A\bar{I}$	$\bar{C}AI$	$C\bar{A}\bar{I}$	$C\bar{A}I$	$CA\bar{I}$	CAI
		000	001	011	010	110	111	101	100
\bar{V}	\bar{P}	00							
\bar{V}	P	01			1	1	1	1	1
V	P	11			1	1	1	1	1
V	\bar{P}	10							

Rellenando el mapa...(P=1, I=1)

		$\bar{C}\bar{A}\bar{I}$	$\bar{C}\bar{A}I$	$\bar{C}A\bar{I}$	$\bar{C}AI$	$C\bar{A}\bar{I}$	$C\bar{A}I$	$CA\bar{I}$	CAI
		000	001	011	010	110	111	101	100
\bar{V}	\bar{P} 00		█				█		
\bar{V}	P 01	█	1	1	1	1	1	1	1
V	P 11	█	1	1	1	1	1	1	1
V	\bar{P} 10		█				█		

Rellenando el mapa...(V=1, C=1)

		$\bar{C}\bar{A}\bar{I}$	$\bar{C}\bar{A}I$	$\bar{C}A\bar{I}$	$\bar{C}AI$	$C\bar{A}\bar{I}$	$C\bar{A}I$	$CA\bar{I}$	CAI	
		000	001	011	010	110	111	101	100	
\bar{V}	\bar{P}									
\bar{V}	P		1	1	1	1	1	1	1	
V	\bar{P}			1	1	1	1	1	1	
V	P						1	1	1	1

Rellenando el mapa...(V=1, A=1)

		$\bar{C}\bar{A}\bar{I}$	$\bar{C}\bar{A}I$	$\bar{C}A\bar{I}$	$\bar{C}AI$	$C\bar{A}\bar{I}$	$C\bar{A}I$	$CA\bar{I}$	CAI
		000	001	011	010	110	111	101	100
\bar{V}	\bar{P}								
\bar{V}	P		1	1	1	1	1	1	1
V	\bar{P}		1	1	1	1	1	1	1
V	P			1	1	1	1	1	1

Rellenando el mapa...(V=1, I=1)

		$\bar{C}\bar{A}\bar{I}$	$\bar{C}\bar{A}I$	$\bar{C}A\bar{I}$	$\bar{C}AI$	$C\bar{A}\bar{I}$	$C\bar{A}I$	$CA\bar{I}$	CAI
		000	001	011	010	110	111	101	100
\bar{V}	\bar{P}		1				1		
\bar{V}	P		1	1	1	1	1	1	1
V	\bar{P}	1		1	1	1	1	1	1
V	P	1		1	1	1	1	1	1

Podemos agrupar así...

	$\bar{C}\bar{A}\bar{I}$	$\bar{C}A\bar{I}$	$C\bar{A}\bar{I}$	$CA\bar{I}$	$\bar{C}\bar{A}I$	$\bar{C}AI$	$C\bar{A}I$	CAI
	000	001	011	010	110	111	101	100
$\bar{V}\bar{P}$ 00								
$\bar{V}P$ 01		1	1	1	1	1	1	1
$V P$ 11		1	1	1	1	1	1	1
$V\bar{P}$ 10		1	1	1	1	1	1	1

$$X = PA + VA + PC + VC + PI + VI$$

¿Cuántos chips necesito para esto?

O usando los ceros...

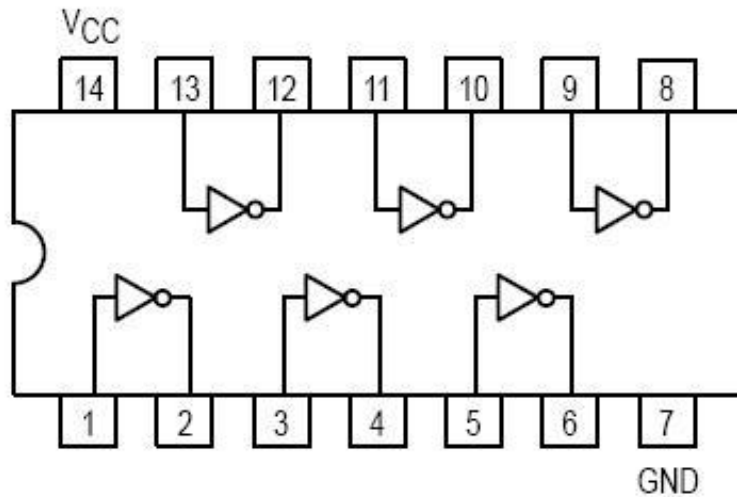
	$\overline{C}\overline{A}\overline{I}$	$\overline{C}A\overline{I}$	$\overline{C}A I$	$C\overline{A}\overline{I}$	$C\overline{A} I$	$C A \overline{I}$	$C A I$
	000	001	011	010	110	111	101
$\overline{V} \overline{P}$ 00	0	0	0	0	0	0	0
$\overline{V} P$ 01	0	1	1	1	1	1	1
$V P$ 11	0	1	1	1	1	1	1
$V \overline{P}$ 10	0	1	1	1	1	1	1

$$X = \overline{C}\overline{A}\overline{I} + \overline{V}P$$

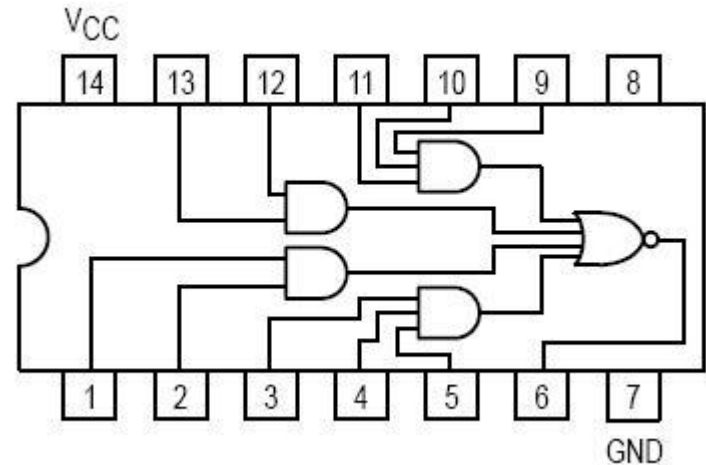
Sólo dos chips

Patillaje de los circuitos 7404 y 7454

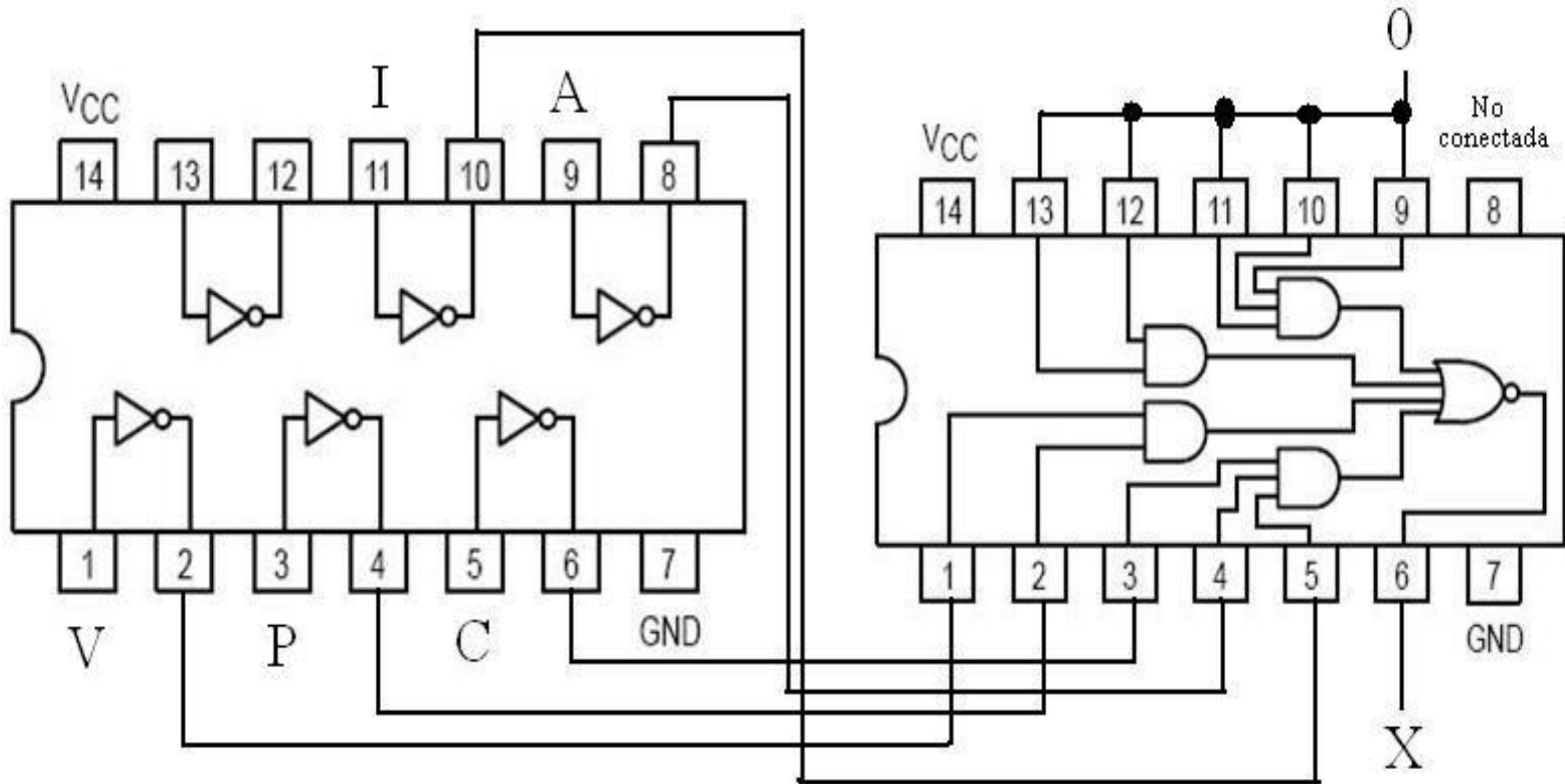
7404



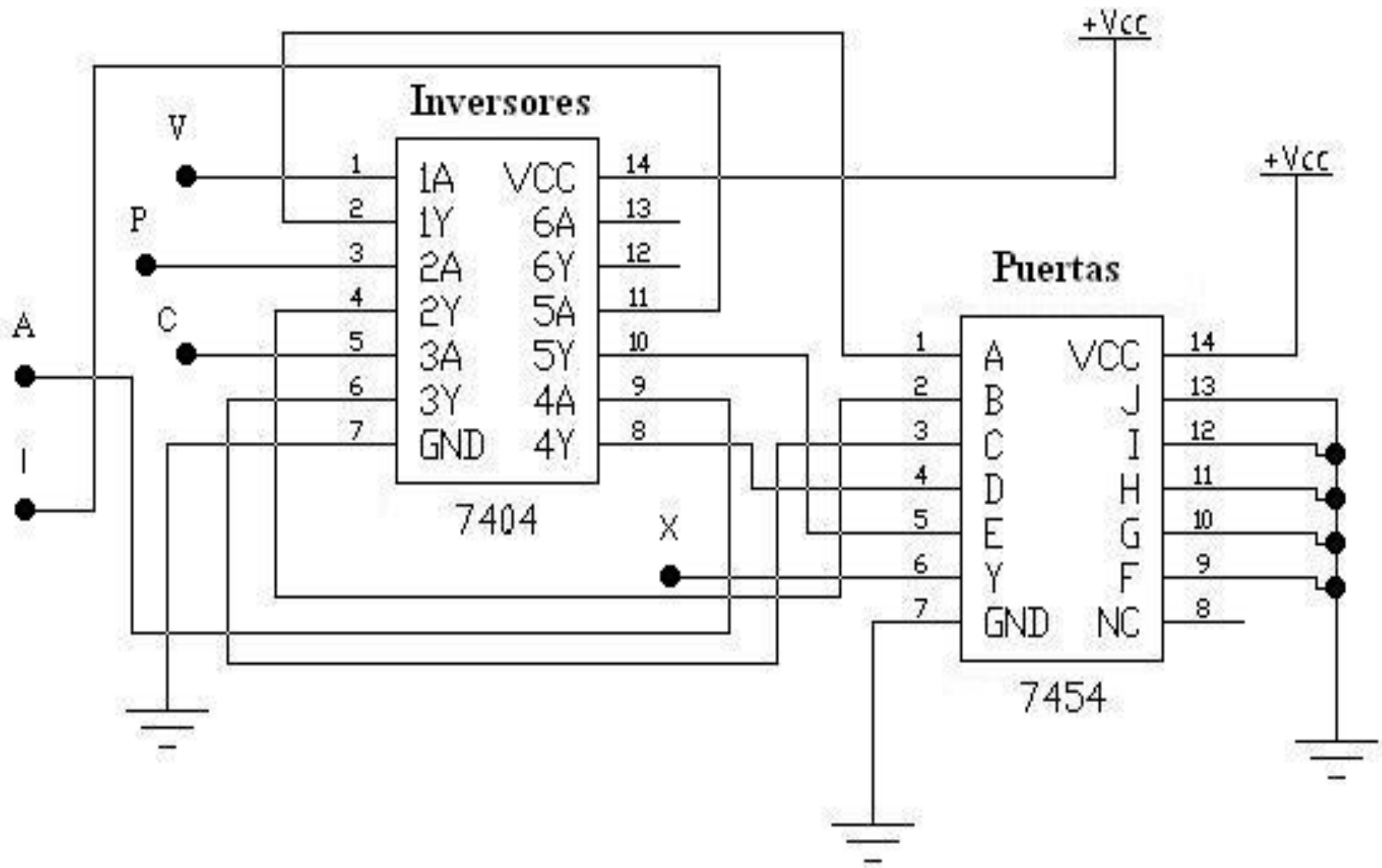
7454



Conexión físico



Circuito diseñado



Ya sabes...

- Leyes y propiedades del Algebra de Boole
- Simplificar funciones utilizando el Algebra de Boole
- Analizar circuitos mediante Algebra de Boole y simplificarlos
- Pasar de una tabla de verdad a Suma de Productos y Producto de Sumas
- Utilizar Mapas de Karnaugh para simplificar funciones lógicas

Final del Tema 5